





Sistema de aquisição e transmissão de dados de sensores por microprocessador DSPIC

Wilian Luís Campesato (UFABC, Bolsista PIBIT/CNPq) E-mail: wcampesato@yahoo.com.br

Dr. Valdemir Carrara (DMC/ETE/INPE, Orientador) E-mail: <u>val@dem.inpe.br</u>

Relatório final de Iniciação Tecnológica na área de Engenharia e Tecnologia Espacial financiado pelo CNPq.

Dados Internacionais de Catalogação na Publicação

Cutter

CAMPESATO, Wilian Luís.

SISTEMA DE AQUISIÇÃO E TRANSMISSÃO DE DADOS DE SENSORES POR MICROPROCESSADOR DSPIC / W. L. Campesato - São José dos

Campos: INPE, 2012.

93p.;

Iniciação Tecnológica em Engenharia e Tecnologia Espacial — Instituto Nacional de Pesquisas Espaciais, São José dos Campos, 2012. Orientador: Valdemir Carrara.

- 1. Plataforma aerostática. 2. Comunicação serial. 3. Mesa de mancal a ar.
- 5. Satélite artificial. I. Título.

CDU

Nenhuma parte desta publicação pode ser reproduzida, armazenada em um sistema de recuperação, ou transmitida sob qualquer forma ou por qualquer meio, eletrônico, mecânico, fotográfico, reprográfico, de microfilmagem ou outros, sem a permissão escrita do INPE, com exceção de qualquer material fornecido especificamente com o propósito de ser entrado e executado num sistema computacional, para o uso exclusivo do leitor da obra.

No part of this publication may be reproduced, stored in a retrieval system, or transmitted in any form or by any means, electronic, mechanical, photocopying, recording, microfilming, or otherwise, without written permission from INPE, with the exception of any material supplied specifically for the purpose of being entered and executed on a computer system, for exclusive use of the reader of the work.

"A genialidade é 1% inspiração e 99% transpiração."	
	Thomas A. Edison
"As invenções são, sobretudo, o resultado de um trabalho teimoso."	
-	Alberto Santos Dumont

AGRADECIMENTOS

Agradeço ao INPE, ao CNPq, ao professor Valdemir Carrara pela oportunidade e paciência, aos alunos do *Mestrado em Engenharia e Tecnologia Espacial* Alexandre Macedo de Oliveira, Danilo Anderson de Oliveira e Rafael Henrique de Siqueira pelo grande auxílio no desenvolvimento do projeto e nas minhas estadias em São José dos Campos, a meus pais pelo apoio e incentivo, e à UFABC pela oportunidade de estudar na "Universidade de ponta para o século XXI".



RESUMO

Este trabalho visa implementar um conjunto de procedimentos para leitura de uma unidade de sensores AHRS (Attitude and Heading Reference System) por meio de interface serial RS232 a fim de utilizar os dados recebidos para controlar uma plataforma aerostática comandada por jatos de ar, projetada e construída em projeto anterior. A plataforma está equipada com um computador PC104, um sistema composto por um conjunto de 8 bocais para ar comprimido com respectivas válvulas, uma eletrônica de potência para acionamento das válvulas com interface digital, um reservatório para ar comprimido com linhas de distribuição individuais para as válvulas, uma bateria de 12 V para alimentação das unidades e um conjunto de sensores de velocidade angular (giroscópios) em três eixos, com comunicação serial (AHRS). A decisão de utilizar um PC104 no lugar de um kit com microcontrolador dsPIC baseou-se naquela que provera a maior facilidade de operação, melhor desempenho e maiores possibilidades de interface com sensores e atuadores. O PC104 possui uma interface UART (Universal Asynchronous Receiver/Transmitter) que pode ser configurada para trabalhar utilizando protocolo de comunicação RS232. O driver de comunicação foi desenvolvido em C utilizando sistema operacional Linux, baseado no manual do sensor inercial. Ao receber um comando, o sensor entra em modo de calibração e, após 60 segundos, começa a enviar os dados de atitude com taxa de 1 a 100 Hz, configurável pelo usuário. Para o sincronismo é necessário configurar a porta serial em modo "Raw". Neste modo, cada comando de leitura irá ler a quantidade de dados especificada pelo comando. Caso não haja a quantidade de bytes no buffer da porta serial, a chamada irá bloquear a continuação do programa, até que a quantidade correta de dados chegue à porta ou até que um erro seja detectado (timeout, por exemplo). O software desenvolvido já faz o ordenamento de todos os 36 bytes da estrutura que o sensor envia para a porta serial. O endereçamento dos bytes na memória segue o padrão Little Endian e, portanto, o byte menos significativo é o primeiro na ordem dos bytes. Realizou-se também o processo de balanceamento estático da plataforma, uma vez que esta apresentou centro de gravidade acima do centro da meia esfera do mancal e relativamente deslocado em relação ao centro do plano formado pela plataforma (plano x-y), comportando-se como um pêndulo invertido. Dessa forma, o objetivo do processo de balanceamento foi rebaixar e centralizar o seu centro de gravidade até este posicionar-se o mais próximo possível do centro geométrico da meia esfera do mancal,

a fim de que o sistema não apresentasse torques ou movimentos relativos aparentes, isto é, não apresentasse movimentos característicos de pêndulo simples ou pêndulo invertido com o sistema em funcionamento.

ABSTRACT

This work aims to implement a set of procedures for reading a sensor unit AHRS (Attitude and Heading Reference System) via RS232 serial interface in order to use the received data to control an aerostatic platform controlled by air jets, designed and built in a previous project. The platform is equipped with a computer PC104, a system comprising a set of 8 nozzles for compressed air with respective valves, a power electronics to drive the valves with digital interface, a reservoir for compressed air with distribution lines for the individual valves, a 12 V battery to power the units and a set of angular rate sensors (gyroscopes) in three axes, with serial communication (AHRS). The decision to use a PC104 in place of a dsPIC microcontroller kit was based on that provided the greatest ease of operation, better performance and greater opportunities to interface with sensors and actuators. The PC104 has an interface UART (Universal Asynchronous Receiver / Transmitter) that can be configured to work using RS232 communication protocol. The communication driver was developed in C language using Linux operational system, based on inertial sensor manual. Upon receiving a command, the sensor goes into calibration mode and after 60 seconds, begins to send data from attitude rate of 1 to 100 Hz, user-configurable. To synchronism is needed configure the serial port in "Raw" mode. In this mode, each read command will read the amount of data specified by the command. If there is no amount of bytes in the buffer of the serial port, the call will block the continuation of the program until the correct amount of data arrives at the door or until an error is detected (timeout, for example). The developed software puts in order all 36 bytes of the structure that the sensor sends to the serial port. The addressing of the bytes in the memory follows the pattern "Little Endian" and therefore the least significant byte is the first in order of the bytes. Was also carried out static balancing of the platform, that presented center of gravity above the center of the air bearing half-sphere and relatively displaced from the center of the plane formed by the platform (xy plane), behaving as a inverted pendulum. Thus, the objective of balancing process was to demote and centralize the center of gravity as close as possible of the geometric center of the half-ball bearing, so that the system did not present apparent relative motions or torques, that is not present characteristic movements of simple pendulum or inverted pendulum with the system in operation.



LISTA DE FIGURA

	Pág.
Figura 1.1 – Esquema em corte de um mancal esférico	2
Figura 1.2 - Esquerda: mesa previamente montada (2010). Direita: eletrônic	
sensores instalados na mesa (2012).	3
Figura 2.1 – Planta da plataforma	6
Figura 2.2 – Esquema de conexões eletrônicas do experimento	
Figura 2.3 – Sensor AHRS da Innalabs	
Figura 2.4 – Esquema do posicionamento das válvulas, do centro de massa	
aproximado (centro da meia-esfera do mancal), e a direção dos jatos de ar	
Figura 2.5 – Circuito pneumático da plataforma	
Figura 4.1 – Posição das massas para balanceamento estático e dinâmico	na
plataforma	
Figura 4.2 – Gráfico de vazão em função do diâmetro de abertura	22
Figura 5.1.a) Mesa de mancal a ar e alvo com escala graduada fixada no teto do <i>Laba</i> b) Alvo com escala graduada com laser no centro e ponto luminoso refletido da mesa	
Figura 7.1 – Ângulos de Euler, velocidade angular e torque das válvulas em função tempo	
Figura 7.2 – Espaço de fase	
Figura 7.3 – Ângulos de Euler, velocidade angular e torque das válvulas em função	
tempo com consumo mínimo	
Figura 7.4 – Plano de fase com ganhos que geram consumo mínimo	
Figura 7.5 – Ângulos de Euler, velocidade angular e torque das válvulas em função	
tempo para os três eixos com acionamento em frequência de 1 Hz	
Figura 7.6 – Plano de fase para acionamento em frequência de 1 Hz	
Figura A.1 – Dimensão da mesa	50
Figura A.2 – Sistema de coordenadas fixado ao mancal esférico.	
Figura A.3 – Dimensões do mancal esférico	
Figura A.4 – Geometria utilizada como modelo da bateria	
Figura A.5 – Principais dimensões do reservatório	58
Figura A.6 – Dimensão e geometria utilizadas para cálculo da inércia do reservatório	
Figura A.7 – Medidas do suporte das massas de balanceamento	
Figura A.8 – Medidas da coluna de suporte do balanceamento	63
Figura B.1 – Suportes para as válvulas +Z e -Z.	65
Figura B.2 – Suporte para as válvulas +X, -X, +Y e -Y	
Figura B.3 – Suporte para o regulador de pressão e manômetro da saída	
Figura B.4 – Suporte para o engate rápido de alimentação	
Figura B.5 – Suporte para o distribuidor de 4 vias e manômetro da alimentação	
Figura B.6 – Suporte da bateria	
Figura B.7 – Abraçadeira da bateria	71



LISTA DE TABELAS

	Pág.
Tabela 4.1 - Massa e posição dos equipamentos na mesa	14
Tabela 6.1 - Informações contidas em cada byte enviado	31
Tabela 6.2 - Parâmetros de configuração da ÚART	



LISTA DE SIGLAS E ABREVIATURAS

ACS Sistema/Subsistema de controle de atitude

AHRS Attitude and Heading Reference System - Sistema de Referência de

Atitude e Rumo

CG Centro de gravidade

CM Centro de massa

INPE Instituto Nacional de Pesquisas Espaciais

LabSim Laboratório de Simulações do INPE

MEMS *Micro-Electro-Mechanical System* – Sistema Micro-Eletro-Mecânico

PD Controle proporcional derivativo

PID Controle proporcional integral derivativo

PWM Pulse-Width Modulation – Modulação por Largura de Pulso

SCD1 Satélite de Coleta de Dados 1 SCD2 Satélite de Coleta de Dados 2

UART Universal Asynchronous Receiver/Transmitter – Receptor/Transmissor

Assíncrono Universal

V1 Válvula 1 V2 Válvula 2

... ...

V8 Válvula 8



LISTA DE SÍMBOLOS

1	Matriz identidade de ordem 3
a,b,c	Dimensões de figuras geométricas (utilizadas no Apêndice A)
\boldsymbol{A}	Årea
α	Coeficiente de ajuste
c	Consumo de ar comprimido
c_{ij}	Elemento da linha i e coluna j da matriz de atitude
Δ	Variação
e	Espessura
3	Parte vetorial do quatérnio de atitude
F	Força
g	Aceleração da gravidade
I	Matriz de inércia diagonal resultante do alinhamento dos eixos principais
	com o sistema da plataforma
I_i	Elemento da matriz diagonal para cada eixo ortogonal
I_{max}	Maior momento de inércia da mesa
I_1 , I_2 , e I_3	Momentos principais de inércia em relação aos eixos x, y e z.
I_x , I_y , e I_z	Momentos principais de inércia em relação aos eixos x, y e z.
J	Matriz de inércia da plataforma
\mathbf{J}_k	Matriz de inércia dos elementos individuais da plataforma
$oldsymbol{J}_{ii}$	Momento de inércia em relação aos eixos ortogonais fixados na
	plataforma
k_d	Ganho derivativo do controlador
k_{db}	Módulo da zona morta (dead band)
k_p	Ganho proporcional do controlador
m	Massa
m	Vetor de massas
M	Massa total da plataforma, Massa molar
m_i	Massa dos contrapesos
m_k	Massa de cada componente
m_m	Massa da mesa
m_{min}	Massa mínima
m_{max}	Massa máxima
n	Número de mols
η	Parte escalar do quatérnio de atitude
p	Pressão
P	Matriz com vetores de \mathbf{p}_i
\mathbf{p}_i	Vetor diferença entre posições das massas de contrapesos e centro de
	massa dos contrapesos
p_{min}	Pressão mínima
p_{max}	Pressão máxima
Q	Matriz, quatérnio de atitude
r	Distância ou raio
R	Constante universal dos gases perfeitos ($R = 8,314472 \text{ m}^3\text{Pa/Kmol}$)
r	Vetor posição
\mathbf{r}_c	Vetor posição do centro de massa dos contrapesos
\mathbf{r}_{cm}	Vetor posição do centro de massa da plataforma com os contrapesos
\mathbf{r}_i	Vetor posição das massas de contrapeso

 \mathbf{r}_k Vetor posição de cada componente na plataforma

 ρ_{al} Densidade do alumínio

t Tempo

T Temperatura, Indicação de matriz transposta

 T_q Torque gerado pelos atuadores de jatos de ar comprimido

 T_q Vetor de torques de controle

 $\theta_1, \theta_2, \theta_3$ Ângulos nos eixos x, y e z das condições iniciais

 θ_i Ângulos de Euler da atitude de uma transformação 123 ou xyz

 θ_{ri} Ângulos de referência para a atitude

 u_i Sinal discreto do controlador

V Volume

 z_{cm} A afastamento entre os centro de massa e centro do mancal

 z_i Coeficiente discreto para seleção do sinal de controle na zona morta

 ω Velocidade angular

 $\omega_1, \omega_2, \omega_3$ Velocidades angulares nos eixos x, y e z das condições iniciais

 $\dot{\omega}^b$ Aceleração angular avaliada no sistema de coordenadas fixado na mesa ω_i Componentes do vetor velocidade angular da mesa nos eixos x, y, e z

 ω_{lim} Velocidade angular limite

 ω_p Velocidade angular de precessão

Matriz anti-simétrica do produto vetorial da velocidade angular

Ω Matriz anti-simétrica

SUMÁRIO

Pá	ig.
1 INTRODUÇÃO	1
1.1 Objetivos do projeto	2
2 DESCRIÇÃO DOS COMPONENTES	5
2.1 Plataforma	
2.2 Eletrônica de controle	5
2.3 Circuito pneumático	
2.4 Disposição preliminar dos componentes	9
3 TORQUES INERENTES À MESA DE MANCAL A AR	11
4 LEVANTAMENTO DE PARÂMETROS	13
4.1 Definição dos eixos ortogonais, das massas de balanceamento, e posicionamento o	do
centro de massa	
4.2 Massa de ar nos reservatórios	
4.3 Força e torque nas válvulas	22
5 BALANCEAMENTO	25
5.1 Metodologia de balanceamento estático	25
6 COMUNICAÇÃO SERIAL	31
6.1 Comunicação serial	
7 CONTROLE, OTIMIZAÇÃO E SIMULAÇÃO	33
7.1 Lei de controle	
7.2 Simulação e otimização do controle	
8 CONCLUSÃO	43
REFERÊNCIAS BIBLIOGRÁFICAS	15
REPERENCIAS DIBLIOGRAFICAS	+3
APÊNDICE A – MOMENTOS DE INÉRCIA DOS COMPONENTES DA MESA	40
A.1 Momento de inércia da mesa	
A.2 Momento de inércia do mancal esférico	
A.3 Momento de inércia da bateria	
A.4 Momento de inércia dos reservatórios	
A.5 Momento de inércia do suporte das massas de balanceamento	
A.6 Momento de inércia das colunas do suporte das massas de balanceamento	
APÊNDICE B – DESENHO DOS SUPORTES DE FIXAÇÃO	65



1 INTRODUÇÃO

Segundo Arantes, 2005, a orientação de um satélite, em relação a um sistema de referência conhecido, é denominada atitude e o movimento de rotação em torno do seu centro de massa é denominado movimento de atitude. De acordo com Hughes, 1978, e Wertz, 1986, a atitude e o movimento de atitude especificam a orientação espacial e o movimento rotacional em torno do centro de massa do satélite.

Os subsistemas de controle de atitude de um veículo espacial são as partes deste veículo responsáveis pela sua orientação em relação a um sistema de coordenadas referencial externo, alcançada por meio do movimento de atitude do veículo.

Atualmente, satélites artificiais, sondas e naves espaciais possuem sistemas de controle de atitude (ACS) compostos basicamente por computadores de bordo utilizados como elementos controladores, atuadores para gerar os torques comandados pelo controlador e sensores para estimar a atitude e desvios na atitude.

Normalmente os veículos espaciais, principalmente satélites artificiais, possuem mais de um tipo de atuador em seus sistemas. Durante uma missão espacial, a seleção entre a utilização de um ou de outro depende de fatores tais como velocidade de atuação, amplitude do ângulo necessário para a manobra de atitude, tempo necessário para a execução da manobra e gasto de energia.

Sistemas compostos por jatos de gás são empregados para deslocamentos em grandes ângulos, normalmente em caráter emergencial, e possuem grande gasto de energia, que neste caso é restrita ao tanque de combustível.

Sistemas compostos por rodas de reação e bobinas magnéticas, por outro lado, são empregados para deslocamentos de pequenos ângulos em maiores períodos de tempo, ou para ajustes "finos" após a utilização de jatos de gás, e possuem pequeno gasto de energia, que é reposta pelos painéis fotovoltaicos.

1.1 Objetivos do projeto

Este trabalho é continuação de projeto desenvolvido em bolsa anterior (Campesato e Carrara, 2011) que visa implementar um protótipo de um sistema de controle de atitude de satélites usando jatos de ar comprimido. Para simular o ambiente espacial, o sistema de controle será implantado numa mesa (plataforma) de mancal aerostático. Como principal objetivo almeja-se conseguir, ao fim do projeto, um ambiente experimental no qual diversas leis de controle baseadas em jatos de gás e utilizando diversos sensores, possam ser testados, tanto para servir como protótipo a um sistema real embarcado em satélites quanto para experimentações de novas técnicas de controle e também para uso acadêmico.

Uma mesa de mancal aerostático, também chamada de plataforma de mancal a ar, ou ainda mesa ou plataforma de mancal esférico, é um dispositivo no qual uma calota esférica sólida geralmente de aço flutua sobre um colchão de ar comprimido, formado em uma cavidade esférica que se ajusta perfeitamente à calota, como mostrado esquematicamente na figura 1.1. A mesa permite simular um ambiente de baixo atrito, semelhante àquele encontrado nas órbitas de satélite em torno da Terra. Ela permite que a plataforma gire livremente em torno do eixo vertical, mas o movimento em torno dos eixos horizontais é limitado pela necessidade da base de suporte.

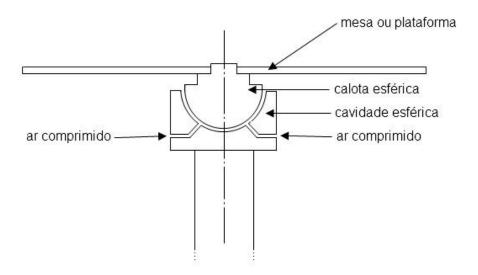


Figura 1.1 – Esquema em corte de um mancal esférico

O Laboratório de Simulação (LabSim) do INPE conta atualmente com duas mesas de mancal a ar. Uma delas foi adquirida recentemente da *Space Eletronics* (USA) e será utilizada no desenvolvimento do sistema de controle embarcado das próximas missões nacionais. A segunda mesa, utilizada neste projeto, foi projetada e construída no INPE (Cardieri e Varotto, 1987), vista na figura 1.2, para testar o amortecedor de nutação dos satélites SCD1 e SCD2 (Fonseca e Souza, 1989, 1990).

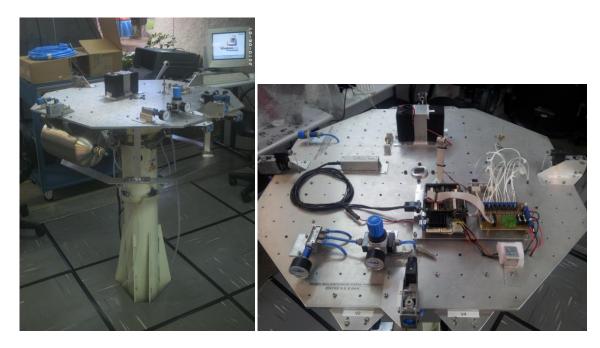


Figura 1.2 – *Esquerda:* mesa previamente montada (2010). *Direita:* eletrônica e sensores instalados na mesa (2012).

Esta mesa possui total liberdade de rotação em relação a seu eixo vertical (eixo z) e aproximadamente 13° de liberdade em relação a um eixo horizontal qualquer, em ambos os sentidos.

Os principais requisitos que este projeto deverá obedecer são:

- 1) Simular o ambiente espacial numa mesa de mancal aerostático, com torques residuais compatíveis com aqueles gerados pelos jatos de ar;
- 2) Ser capaz de gerar torques em três eixos ortogonais;

- 3) O controle de atitude por jatos de gás deverá ser simulado por meio de jatos de ar comprimido de reservatórios fixados na plataforma e liberados por válvulas pneumáticas, que serão controladas pela eletrônica de controle;
- 4) Prover um ambiente de processamento digital embarcado na plataforma e autônomo;
- 5) A plataforma deverá ser totalmente autônoma para executar sua função;
- 6) Toda e qualquer forma de comunicação do ambiente laboratorial com a plataforma deverá ser feita por meio de telemetria por rádio. Cablagem e linhas de transmissão só poderão ser utilizadas para configuração e cargas da plataforma (ar comprimido, baterias, programas de controle) quando esta não estiver em operação;
- 7) Os torques residuais na plataforma deverão ser minimizados. O experimento com a plataforma não deverá apresentar estabilidade ou instabilidade dinâmica aparente na ausência de controle;
- 8) A distribuição de massas na plataforma deverá assegurar que os eixos principais sejam próximos dos eixos associados aos torques gerados pelas válvulas;
- 9) O experimento deverá realizar sua própria determinação de atitude, que poderá ser tanto em dois eixos quanto em três eixos, dependendo da disponibilidade de sensores.

2 DESCRIÇÃO DOS COMPONENTES

Neste capítulo realiza-se uma breve descrição das partes que irão compor a mesa e suas funcionalidades. Descreve-se a plataforma, a eletrônica de controle e o circuito pneumático. Ao final, realiza-se uma descrição preliminar da disposição dos componentes e sua influência.

O experimento é composto por um sistema pneumático, um transmissor de rádio *wireless* para comunicação entre a mesa e um computador externo, uma bateria para alimentação dos equipamentos eletrônicos, uma unidade inercial, uma eletrônica de controle digital e massas de balanceamento.

2.1. Plataforma

A plataforma ou mesa é construída em chapa de alumínio laminado de 8 mm de espessura em formato octogonal de lados desiguais, possui furos de 5 mm de diâmetro espaçados em 50 x 50 mm para fixar os componentes, e furo central de 80 mm de diâmetro circundo por 4 furos de 5 mm para fixação da meia-esfera, como indicado na figura 2.1.

2.2. Eletrônica de controle

Como eletrônica de controle utilizou-se um PC104 (FS – Automação & Controle, 2010). A opção inicial era escolher entre um microcontrolador dsPIC conectado a um kit de desenvolvimento modelo dsPIC30F fabricado pela empresa *Microgenios* (*Microgenios*, 2009), ou o kit Explorer 16 BR dsPIC33F da *Labtools* (*Labtools*, 2010 e *Microchip Technology Inc*, 2005) ou mesmo o PC104. A decisão sobre qual destes seria utilizado baseou-se naquela que provera a maior facilidade de operação, melhor desempenho e maiores possibilidades de interface com sensores e atuadores.

O controlador irá se comunicar por meio de um transmissor rádio-modem com um microcomputador externo (em fase de implementação). A plataforma conta ainda com uma interface de potência entre o controlador e as válvulas solenóides, unidades

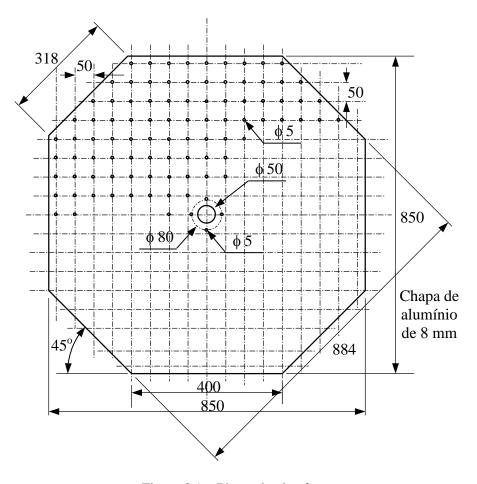


Figura 2.1 – Planta da plataforma

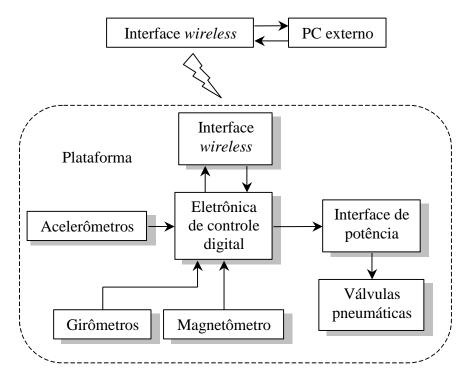


Figura 2.2 – Esquema de conexões eletrônicas do experimento

sensoras (girômetros, acelerômetros e magnetômetros), e uma bateria. A figura 2.2 ilustra o esquema das interfaces entre os equipamentos do experimento.

Na execução do experimento, o computador externo enviará comandos de execução de experimento para a plataforma por meio do rádio-modem. A eletrônica de controle digital (computador embarcado) irá executar a leitura dos elementos sensores e acionará as devidas válvulas solenóides para a execução do controle. O acionamento das válvulas se dará até a plataforma alcançar o posicionamento selecionado pela lei de controle.

Durante o experimento, o computador embarcado enviará para o computador externo a telemetria de posicionamento e velocidades recebida dos elementos sensores.

A unidade inercial AHRS (*Attitude and Heading Reference System*) da *Innalabs* (Innalabs, 2009), visto na figura 2.3, é composta por três giroscópios de estado sólido (MEMS), três acelerômetros MEMS, e três magnetômetros. Ela provê diretamente a atitude em 3 eixos a partir do processamento da tríade de giroscópios, da tríade de acelerômetros, e do magnetômetro tri-axial magneto-resistivo. Este sensor se comunica com o computador de controle por meio de uma interface serial RS-232. O sensor fornece as medidas de atitude em quatérnios e velocidade angular nos 3 eixos.



Figura 2.3 – Sensor AHRS da *Innalabs* (Innalabs, 2009).

2.3. Circuito pneumático

O sistema pneumático é formado por dois reservatórios de ar comprimido, uma válvula de regulagem de pressão, manômetro, e oito válvulas pneumáticas solenóides direcionais alinhadas com os eixos ortogonais da plataforma.

A plataforma conta com um conector de alimentação com engate rápido para a carga dos reservatórios, um manômetro que indica a pressão na linha de alimentação dos reservatórios, uma válvula de regulagem de pressão junto com um manômetro que indica a pressão de trabalho, e oito válvulas solenóides direcional (+X, -X, +Y, -Y, +Z1, -Z1, +Z2 e -Z2 ou, respectivamente, V8, V7, V5, V6, V1, V2, V3 e V4), as quais agem como atuadores do experimento, fornecendo torques para a plataforma. Um esquema do posicionamento das válvulas e da direção dos jatos de ar é apresentado na figura 2.4. A definição dos eixos ortogonais e posicionamento do centro de massa CM são mais bem elucidados no capítulo 4.

São empregados também dois manômetros, um para a saída da válvula reguladora de pressão, utilizado para o monitoramento da pressão na linha das válvulas direcionais, e outro antes da válvula de regulagem de pressão, que servirá para monitoramento da pressão remanescente nos reservatórios durante a operação da plataforma.

O diagrama do circuito pneumático é apresentado na figura 2.5.

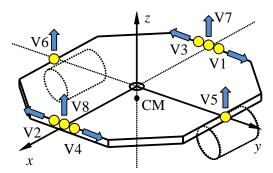


Figura 2.4 – Esquema do posicionamento das válvulas, do centro de massa CM aproximado (centro da meia-esfera do mancal), e a direção dos jatos de ar.

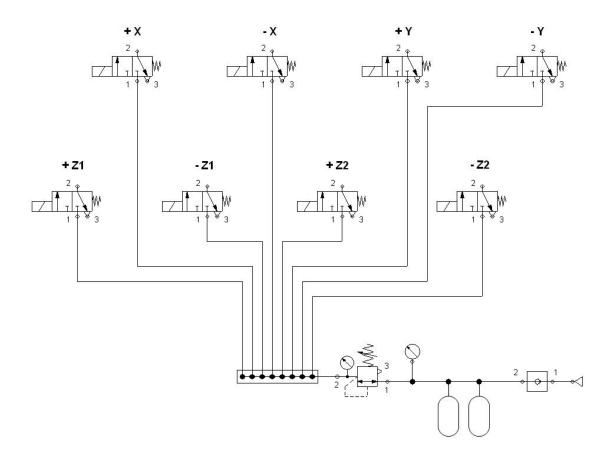


Figura 2.5 – Circuito pneumático da plataforma.

2.4. Disposição preliminar dos componentes

Os diversos componentes fixados na mesa foram dispostos de maneira a fazer com que o centro de massa da plataforma fique o mais próximo possível do centro geométrico da meia-esfera do mancal aerostático, reduzindo assim torques residuais e tendências de movimento.

Os elementos atuadores foram presos na mesa de forma a proporcionarem um alto torque com mínimo consumo de ar durante sua operação, ou seja, na borda da plataforma. Também, foram alinhados com os eixos principais de inércia, como será mostrado adiante.

Os reservatórios pneumáticos foram instalados na parte inferior da mesa para manter a linha entre seus centros perto do centro da esfera do mancal e com isso minimizar o efeito da alteração na posição do centro de massa com a quantidade de ar presente nos reservatórios. Os demais componentes foram dispostos de maneira a contrabalancear a plataforma em relação aos componentes já fixados, levando o centro de massa próximo ao centro da calota esférica.

Finalmente, foram fixadas massas de balanceamento fixas e três pequenas massas de balanceamento com ajustes de posição reguláveis, uma para cada eixo ortogonal, para um ajuste fino do centro de massa da plataforma.

3 TORQUES INERENTES À MESA DE MANCAL A AR

Para que o sistema de mancal a ar simule o comportamento do satélite no espaço, é necessário que os torques presentes durante a operação da mesa sejam de magnitude compatível com aqueles presentes no ambiente espacial. Um satélite de dimensões e massa medianas em órbita de 700 km de altitude sofre torques ambientais da ordem de 10^{-6} Nm. Porém, num ambiente de laboratório, os torques presentes são várias ordens de magnitude maiores. Torna-se, portanto, imperativo minimizá-los. A mesa de mancal a ar está sujeita a basicamente três tipos de torque residuais:

- a) Torque de atrito da mesa com o ar atmosférico, quando possuir velocidade de rotação não nula;
- b) Torque de atrito residual no mancal a ar; e
- c) Torque devido ao desbalanceamento da mesa, em virtude do centro de massa não coincidir com o centro da esfera.

O torque aerodinâmico é do tipo viscoso, e geralmente tem um comportamento quadrático com a velocidade angular. Para baixas velocidades pode-se considerá-lo linear, cuja constante de proporcionalidade deve ser obtida experimentalmente. Isto permitirá calcular a velocidade máxima a ser empregada nos experimentos, de forma a assegurar que os torques oriundos do atrito sejam compatíveis com os torques de controle.

O torque de atrito residual é extremamente difícil de ser mensurado ou mesmo modelado, pois sua magnitude é extremamente baixa, talvez mesmo inferior a 10^{-6} Nm. Além disso, pode depender da orientação da mesa em relação ao mancal. Sua presença é notada apenas quando os demais torques são minimizados, e possui um caráter aparentemente errático, em virtude de turbilhonamentos que ocorrem quando o ar pressurizado flui pelo mancal.

O torque devido ao desbalanceamento é sem dúvida o mais importante, pois sua magnitude supera facilmente os demais. A título de comparação, percebe-se que uma massa de um grama (uma pequena arruela, por exemplo), causa um torque de magnitude de 4 10⁻⁴ Nm quando posicionada na borda da mesa. Logo, um balanceamento preciso é

altamente recomendável. Para alcançar tal precisão de balanceamento, deve-se evitar o uso de materiais flexíveis ou com partes móveis. Infelizmente, não há como eliminar tais materiais. De fato, as mangueiras das linhas de abastecimento dos reservatórios e das válvulas são todas flexíveis. Minimiza-se esta flexibilidade fixando-as com braçadeiras onde for possível. Contudo, as válvulas pneumáticas possuem partes móveis, e, embora seja possível estimar sua influência no movimento da mesa, são ainda assim inevitáveis. Há, ainda, outro fator a ser considerado, que é a migração do centro de massa da mesa quando os reservatórios de ar forem gradativamente esvaziados. Este é sem dúvida o efeito predominante no balanceamento, como será mostrado adiante.

4 LEVANTAMENTO DE PARÂMETROS

Neste capítulo realiza-se o levantamento de alguns parâmetros de funcionamento da plataforma aerostática. Estabelece-se o sistema de coordenadas fixas na mesa, discute-se o posicionamento do centro de massa, a massa de ar contida nos reservatórios na mínima e na máxima pressão de operação, e a forças e torques fornecidas pelas válvulas pneumáticas.

4.1. Definição dos eixos ortogonais, das massas de balanceamento, e posicionamento do centro de massa

O problema de distribuição de massa na mesa não é restrito apenas à posição do centro de massa. A orientação dos eixos principais de inércia da parte móvel é igualmente importante. De fato, considerando que um sólido não rígido em rotação num eixo qualquer tende, por dissipação de energia interna, a girar em torno do eixo principal de maior inércia, então deve-se fazer com que o sistema de referência da mesa, no qual os atuadores são posicionados e orientados, seja coincidente com os eixos principais. Assim garante-se que os torques gerados pelos atuadores estejam alinhados com os eixos principais de forma a provocar o movimento esperado da mesa.

A determinação experimental do centro de massa e inércia da mesa, com os equipamentos já instalados, requer instrumentos complexos. Uma estimativa ainda que grosseira pode, contudo, ser feita com informações acerca das dimensões, massa e posição dos diversos equipamentos. Para isso será necessário definir um sistema de eixos ortogonais fixado à mesa. Considera-se que a origem esteja situada no centro do octógono da estrutura principal, na superfície superior da chapa de alumínio. O eixo z, vertical, é perpendicular ao plano da mesa e passa, teoricamente, pelo centro do mancal semi-esférico. O eixo x coincide com a superfície superior da mesa, está contido num plano de simetria do octógono e aponta na direção onde está fixado o regulador de pressão (aponta no sentido da válvula V8 ou +X). A Tabela 4.1 apresenta uma relação de equipamentos instalados na mesa, sua massa e posição. Com base nesta tabela, podese calcular o centro de massa aproximado, já que o cálculo preciso deveria levar em conta não apenas os equipamentos instalados, mas também os suportes e parafusos de

fixação. O cálculo aproximado servirá para determinar o contrapeso necessário para levar o centro de massa para uma posição mais próxima do centro de rotação.

Tabela 4.1 – Massa e posição dos equipamentos na mesa

Equipamento	Massa	Posição x	Posição y	Posição z
	(kg)	(m)	(m)	(m)
Mesa	14,58	0,0	0,0	-0,004
Mancal esférico	13,10	0,0	0,0	-0,042
Reservatório –Y	3,76	-0,025	-0,350	-0,123
Ar (tanque –Y) a 2 bar	0,0058	-0,025	-0,350	-0,123
Ar (tanque –Y) a 12 bar	0,0643	-0,025	-0,350	-0,123
Reservatório +Y	3,74	0,025	0,350	-0,123
Ar (tanque +Y) a 2 bar	0,0058	0,025	0,350	-0,123
Ar (tanque +Y) a 12 bar	0,0643	0,025	0,350	-0,123
Regulador de pressão	0,4852	0,290	-0,075	0,030
Distribuidor 8 vias	0,4299	0,280	0,150	0,020
Distribuidor 3 vias	0,166	0,310	-0,210	0,025
Válvula +X (V8)	0,3171	0,420	-0,005	0,022
Válvula –X (V7)	0,3171	-0,420	0,005	0,022
Válvula +Y (V5)	0,3171	0,005	0,420	0,022
Válvula –Y (V6)	0,3171	-0,005	-0,420	0,022
Válvula +Z1 (V1)	0,3262	0,420	-0,095	-0,023
Válvula +Z2 (V3)	0,3262	-0,420	0,095	-0,023
Válvula –Z1 (V2)	0,3262	0,420	0,095	-0,023
Válvula –Z2 (V4)	0,3262	-0,420	-0,095	-0,023
Bocal de alimentação	0,1214	-0,175	-0,370	0,027
Balanceamento X	0,0746	0,000	0,255	0,015
Balanceamento Y	0,0746	0,195	0,200	0,015
Balanceamento Z	0,0607	0,025	0,150	0,045
Bateria	2,270	-0,100	0,0	0,048
Eletrônica				
Unidade sensora	0,5229			
Radio Modem				
Suporte do balanceamento	1,420	0,000	0,000	-0,260
Colunas do suporte	1,0724	0,000	0,000	-0,133

Obs.:

- 1. Exceto pela massa da mesa, que foi calculada, todas as demais massas foram mensuradas.
- 2. O posicionamento refere-se ao centro de massa, do componente, e foi estimado com base no centro geométrico, com precisão da ordem de 10 mm.
- 3. As massas assinaladas como Balanceamento X, Y e Z são as massas para ajuste do balanceamento fino, fixadas à mesa antes do processo de balanceamento.

A massa da plataforma pode ser estimada a partir do seu volume. A área da superfície é calculada por (figura 2.1):

$$A = 0.850^2 - (0.850 - 0.400)^2 / 2 - \pi 0.050^2 / 4 - 266 \pi 0.005^2 / 4 = 0.6141 \text{ m}^2$$

no qual o primeiro termo corresponde ao quadrado que envolve a mesa, o segundo aos cantos removidos do quadrado, o terceiro ao furo central para alinhamento e o quarto aos 266 furos para fixação de equipamentos.

A massa pode agora ser calculada por meio de:

$$m_m = \rho_{al} A e$$

onde ρ_{al} é a densidade do alumínio ($\rho_{al} = 2967 \text{ kg/m}^3$) e e é a espessura da chapa (e = 8 mm). Com isso tem-se $m_m = 14{,}58 \text{ kg}$.

Em virtude deste projeto encontrar-se ainda em desenvolvimento, a posição de alguns componentes ainda não foi definida, bem como não foram realizadas as medições de suas massas para a estimativa mais precisa do centro de massa total da plataforma.

A mesa deverá ser balanceada de duas formas: balanceamento estático e balanceamento dinâmico. No balanceamento estático procura-se fazer com que o centro de massa da mesa coincida com o centro do mancal esférico, ou seja, com o centro da esfera. No balanceamento dinâmico, ajustam-se os momentos de inércia de forma a fazer com que os eixos principais de inércia sejam paralelos com os eixos geométricos fixados na mesa. O processo de balanceamento será feito em 3 fases:

- 1) Na primeira fase serão calculadas massas de contrapeso, com base nas medições de massa dos equipamentos a serem instalados e suas posições, de forma a se ter um balanceamento inicial, ainda que impreciso. Estas massas serão então produzidas e fixadas à mesa.
- 2) Procede-se, na segunda fase, a um ajustamento preciso do balanceamento estático por meio do acréscimo ou retirada de pequenas massas nas posições

dos contrapesos. Para isso pode-se detectar visualmente a tendência de movimentação da plataforma, e corrigir o movimento na direção contrária. Outra forma consiste em medir o movimento utilizando os sensores instalados na mesa. Esta técnica permite calcular de forma mais precisa as pequenas massas de ajuste do contrapeso. O balanceamento dinâmico será efetuado de forma semelhante, porém com a mesa dotada de alguma velocidade angular ao redor do eixo z. Um possível movimento de cone será detectado pelos sensores ou por meio de observação do movimento usando um laser refletido na mesa. Novamente, as massas de contrapeso podem ser calculadas em função do ângulo do movimento cônico.

3) Finalmente, na terceira fase procura-se eliminar qualquer tendência de movimento ainda restante do balanceamento estático por meio do ajuste na posição das massas de balanceamento fino. Nesta fase o balanceamento dinâmico não será mais ajustado, mesmo que o balanceamento fino modifique, em certo grau, as direções dos eixos principais.

O cálculo das massas de contrapeso é mostrado a seguir.

O centro de massa do conjunto todo, excetuando as massas de balanceamento, pode ser calculado por:

$$\mathbf{r}_c = \frac{1}{M} \sum_k m_k \, \mathbf{r}_k \; ,$$

onde m_k e \mathbf{r}_k (k=1, 2, ...) representam as massas e suas posições na plataforma, conforme mostrado na Tabela 4.1, e $M=\sum_k m_k=41,4356$ kg é a massa total da plataforma. Um cálculo preliminar e incompleto fornece para \mathbf{r}_c o valor:

$$\mathbf{r}_c = [0,0019 \quad -0,0004 \quad -0,0335]^T \,\mathrm{m}$$

Para efetuar o balanceamento estático e dinâmico, será necessário fixar 6 massas em posições específicas, dadas por \mathbf{r}_i , $i=1,\ldots 6$. As posições destas massas serão selecionadas posteriormente, quando houver uma definição acerca da posição da eletrônica, unidade sensora e rádio modem. Quaisquer 3 massas de balanceamento não

podem ser colineares, e 4 massas quaisquer não podem ser coplanares. Para o ajuste do centro de massa foi preparado um suporte para as massas de balanceamento, cujo desenho é mostrado no Apêndice A. Este suporte é fixado à mesa por meio de quatro colunas, na posição inferior, de forma a contrabalançar a massa da plataforma que fica numa posição elevada com relação ao centro da esfera.

Deseja-se que o centro de massa da plataforma (incluindo as massas de balanceamento) coincida com o centro do mancal, cuja posição é:

$$\mathbf{r}_{cm} = \begin{bmatrix} 0,000 & 0,000 & -0,042 \end{bmatrix}^T \mathbf{m}$$

Se m_i , i = 1, ..., 6, forem as massas de balanceamento, tem-se então a condição para o balanceamento estático:

$$M \mathbf{r}_{c} + \sum_{i=1}^{6} m_{i} \mathbf{r}_{i} = \left(M + \sum_{i=1}^{6} m_{i}\right) \mathbf{r}_{cm},$$

que pode ser reescrita como:

$$\sum_{i=1}^{6} m_i \; \mathbf{p}_i = M \; (\mathbf{r}_{cm} - \mathbf{r}_c) \; .$$

onde $\mathbf{p}_i = \mathbf{r}_i - \mathbf{r}_{cm}$. Esta relação pode também ser posta na forma vetorial, ao admitir-se que \mathbf{m} seja um vetor dado por $\mathbf{m} = \begin{bmatrix} m_1 & \cdots & m_6 \end{bmatrix}^T$:

$$\mathbf{Pm} = M \left(\mathbf{r}_{cm} - \mathbf{r}_{c} \right),$$

onde a matriz **P** tem dimensão 3×6 , cujas colunas são formadas pelos vetores \mathbf{p}_i :

$$\mathbf{P} = \begin{pmatrix} \mathbf{p}_1 & \cdots & \mathbf{p}_6 \end{pmatrix}$$

O balanceamento dinâmico exige a fixação de 3 massas adicionais, de forma que as massas do balanceamento estático influem no balanceamento dinâmico e vice-versa. Isto implica em que o cálculo destas massas deva ser feito em conjunto. As massas do

balanceamento dinâmico devem ser preferencialmente fixadas nos planos cartesianos. Porém, em virtude da presença das válvulas pneumáticas nestas posições, adota-se então:

$$\mathbf{r}_{1} = \begin{bmatrix} 0,400 & 0,000 & -0,250 \end{bmatrix}^{T}$$

$$\mathbf{r}_{2} = \begin{bmatrix} -0,400 & 0,000 & -0,250 \end{bmatrix}^{T}$$

$$\mathbf{r}_{3} = \begin{bmatrix} 0,000 & -0,300 & -0,250 \end{bmatrix}^{T},$$

$$\mathbf{r}_{4} = \begin{bmatrix} -0,300 & 0,300 & 0,000 \end{bmatrix}^{T}$$

$$\mathbf{r}_{5} = \begin{bmatrix} -0,300 & -0,300 & 0,000 \end{bmatrix}^{T}$$

$$\mathbf{r}_{6} = \begin{bmatrix} 0,300 & -0,300 & 0,000 \end{bmatrix}^{T},$$

A figura 4.1 mostra as posições das massas de balanceamento no sistema fixado à plataforma.

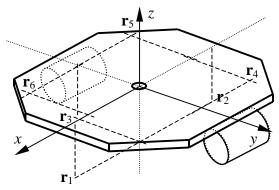


Fig. 4.1 – Posição das massas para balanceamento estático e dinâmico na plataforma

Se $\bf J$ for a matriz de inércia da plataforma, calculada com base nas massas e posições dos equipamentos, então o alinhamento dos eixos principais com o sistema da plataforma irá exigir que a matriz de inércia $\bf I$ resultante após o balanceamento seja diagonal. Ambas as inércias devem se referir ao centro da esfera. Um ponto de massa m fixado a uma posição $\bf r$ terá uma matriz de inércia dada por (Hughes, 1986):

$$\mathbf{I}_{m} = m(\mathbf{r}^{T}\mathbf{r}\mathbf{1} - \mathbf{r}\mathbf{r}^{T}),$$

onde **1** é uma matriz identidade de ordem 3. O balanceamento dinâmico fornece então a relação:

$$\mathbf{I} = \mathbf{J} + \sum_{i=1}^{6} m_i \left(\mathbf{p}_i^T \mathbf{p}_i \mathbf{1} - \mathbf{p}_i \mathbf{p}_i^T \right),$$

sendo $\mathbf{p}_i = \mathbf{r}_i - \mathbf{r}_{cm}$. Uma vez que

$$\mathbf{J} = \begin{pmatrix} J_x & J_{xy} & J_{xz} \\ J_{xy} & J_y & J_{yz} \\ J_{xz} & J_{yz} & J_z \end{pmatrix}, e$$

$$\mathbf{I} = \begin{pmatrix} I_x & 0 & 0 \\ 0 & I_y & 0 \\ 0 & 0 & I_z \end{pmatrix},$$

com I_x , I_y , e I_z quaisquer, então o balanceamento irá fornecer 3 equações referentes aos elementos fora da diagonal principal da matriz de inércia (produtos de inércia), dadas por:

$$0 = J_{xy} - \sum_{i=1}^{6} m_i p_{ix} p_{iy},$$

$$0 = J_{xz} - \sum_{i=1}^{6} m_i p_{ix} p_{iz},$$

$$0 = J_{yz} - \sum_{i=1}^{6} m_i p_{iy} p_{iz}.$$

nas quais p_{ix} , p_{iy} e p_{iz} são as coordenadas do vetor \mathbf{p}_i . Estas relações podem igualmente ser colocadas na forma matricial, que fica:

$$\mathbf{Qm} = \mathbf{J}_{v}$$
,

sendo

$$\mathbf{Q} = \begin{pmatrix} p_{1x} \ p_{1y} & \cdots & p_{6x} \ p_{6y} \\ p_{1x} \ p_{1z} & \cdots & p_{6x} \ p_{6z} \\ p_{1y} \ p_{1z} & \cdots & p_{6y} \ p_{6z} \end{pmatrix}, \ \mathbf{J}_{v} = \begin{pmatrix} J_{xy} \\ J_{xz} \\ J_{yz} \end{pmatrix}.$$

Nota-se que momentos principais de inércia I_x , I_y e I_z podem ser quaisquer, e por isso não impõem condições adicionais às massas de contrapeso.

Reunindo agora as expressões do balanceamento estático e dinâmico numa única expressão, tem-se:

$$\begin{pmatrix} \mathbf{P} \\ \mathbf{Q} \end{pmatrix} \mathbf{m} = \begin{pmatrix} M & (\mathbf{r}_{cm} - \mathbf{r}_{c}) \\ \mathbf{J}_{v} \end{pmatrix},$$

que pode ser resolvida e fornece:

$$\mathbf{m} = \begin{pmatrix} \mathbf{P} \\ \mathbf{Q} \end{pmatrix}^{-1} \begin{pmatrix} M & (\mathbf{r}_{cm} - \mathbf{r}_{c}) \\ \mathbf{J}_{v} \end{pmatrix}$$

A matriz de inércia J do conjunto será calculada por:

$$\mathbf{J} = \sum_{k=1}^{N} \mathbf{J}_{k} + m_{k} \left(\mathbf{p}_{k}^{T} \mathbf{p}_{k} \mathbf{1} - \mathbf{p}_{k} \mathbf{p}_{k}^{T} \right),$$

onde J_k são as inércias dos elementos individuais da plataforma relativos ao seus respectivos centros de massa e p_k a posição destes centros em relação ao centro de rotação. Exceto pelas inércias do mancal esférico, do tampo da mesa, da bateria, dos reservatórios e do suporte das massas de balanceamento, todas as demais massas serão consideradas pontuais. Sabe-se que esta simplificação provocará um erro na inércia proporcional a $(r/R)^2$, no qual r representa uma dimensão típica do corpo girando a uma distância R do centro de rotação. Se r for muito menor do que R o erro cometido será pequeno. O cálculo das matrizes de inércia daqueles equipamentos é apresentado no Apêndice A.

4.2. Massa de ar nos reservatórios

A lei dos gases perfeitos fornece a relação:

$$pV = \frac{m}{M}RT$$

sendo p a pressão (absoluta), V o volume, m a massa, R é a constante dos gases ($R = 8.314472 \text{ m}^3 \text{ Pa / K mol}$), M é a massa molar do gás, e T é a temperatura absoluta. A relação n = m / M é conhecida como número de mols.

Para o experimento, tem-se

- Massa molar do ar: M = 28,98 g/mol (*The Engineering ToolBox*, 2005)
- Temperatura: $T = 25^{\circ}\text{C} = 298^{\circ}\text{K}$
- Volume total dos reservatórios: V = 101
- Pressão absoluta mínima de operação $p_{min} = 2 \text{ bar} = 2 \cdot 10^5 \text{ Pa}$
- Pressão absoluta máxima de operação $p_{\text{max}} = 12 \text{ bar} = 12 \text{ } 10^5 \text{ Pa}$

A massa de ar nos reservatórios e na pressão mínima resulta em:

$$m_{\min} = p_{\min} V M / R T = 0.0234 \text{ kg}$$

e na pressão máxima é:

$$m_{\text{max}} = p_{\text{max}} V M / R T = 0.1403 \text{ kg}$$

A massa de ar a ser considerada no cálculo deve ser igual à diferença entre a massa de ar no reservatório e a massa de ar deslocada (empuxo), que vale 0,0117 kg. Logo, temse

$$\Delta m_{\min} = 0.0234 - 0.0117 = 0.0117 \text{ kg},$$

 $\Delta m_{\max} = 0.1404 - 0.0117 = 0.1287 \text{ kg},$

sendo que cada reservatório armazena metade desta massa. Estes valores já foram incluídos na Tabela 4.1. Uma estimativa do deslocamento do centro de massa da plataforma quando o reservatório é esvaziado (da pressão máxima para a pressão mínima) forneceu um valor de 0,2 mm na direção z. Embora este deslocamento provoque um desbalanceamento na plataforma, considera-se que a mudança seja aceitável por ser pequena.

4.3. Força e torque nas válvulas

A vazão nominal da válvula é de 500 l/min (Festo Automação Ltda, 2002) com pressão de trabalho de 1,5 a 8 bar. Supondo uma pressão de operação relativa de 2 bar, segundo o gráfico da figura 4.2, com um consumo de 500 l/min tem-se que o diâmetro da abertura da válvula deve ser um pouco maior do que 4 mm. Adotando então um diâmetro de 4 mm, a força exercida pela descarga da válvula é de

$$F = p A$$

onde A é a área da abertura, e resulta

$$F = 3.77 \text{ N}.$$

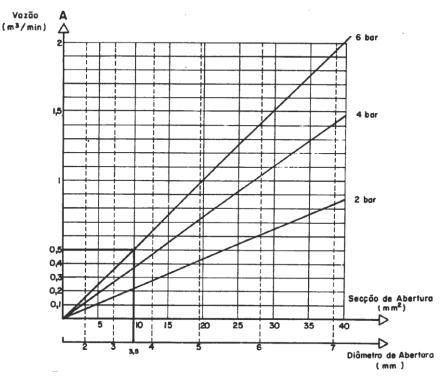


Figura 4.2 – Gráfico de vazão em função do diâmetro de abertura (Bigaton, 2010)

As válvulas serão fixadas de forma a fazer com que a linha de ação da força fique a uma dada distância do eixo de simetria (vertical). Esta distância é dada por (ver figura 2.1 e figuras dos suportes de fixação das válvulas no Apêndice B):

$$r = 400 + 65 - 22 = 443$$
 mm.

Logo, o torque gerado é de

$$T_q = F r = 1,67 \text{ Nm},$$

que é um valor muito alto. Em satélites de até 500 kg, o torque gerado por propulsores em geral fica compreendido entre 0,1 Nm a 1 Nm. Para reduzir o torque e também o consumo, será adotado um orifício de abertura de 0,8 mm. Para isso foram usinados furos em tampões de retorno de válvulas, sendo posteriormente fixados na abertura de saída delas. Assim, tem-se que a força irá resultar F = 0,1 N, e o torque $T_q = 0,0445$ Nm, cuja magnitude é compatível como experimento, além de prover um menor consumo de ar.

5 BALANCEAMENTO

Neste capítulo apresenta-se a metodologia utilizada para realizar o balanceamento estático da mesa de mancal a ar.

5.1. Metodologia de balanceamento estático

Estando todos os componentes já fixados na mesa de mancal a ar, esta apresentou centro de gravidade (CG) acima do centro da meia esfera do mancal e relativamente deslocado em relação ao centro do plano formado pela plataforma (plano *x-y*), comportando-se como um pêndulo invertido.

Dessa forma, o objetivo do processo de balanceamento foi rebaixar e centralizar o centro de massa CM (consequentemente também o centro de gravidade) até este posicionar-se o mais próximo possível do centro geométrico da meia esfera do mancal, a fim de que o sistema não apresentasse torques ou movimentos relativos aparentes, isto é, não apresentasse movimentos característicos de pêndulo simples ou pêndulo invertido com o sistema em funcionamento.

Uma vez que as partes móveis e flexíveis influenciam no posicionamento do centro de gravidade e massa, buscou-se inicialmente fixar à plataforma todos os cabeamentos e mangueiras das linhas de abastecimento dos reservatórios e das válvulas utilizando-se braçadeiras plásticas de nylon, a fim de minimizar este efeito. Entretanto, como mencionado na seção 4.1, não há como evitar a influência das partes móveis das válvulas, bem como a migração do centro de massa da mesa quando os reservatórios de ar forem gradativamente esvaziados, tendo-se assim que conviver com estes efeitos.

Os locais escolhidos para fixação das massas de balanceamento foram quatro pontos simétricos do suporte das massas de balanceamento, nos planos *x-z* e *y-z*, de tal forma a alinhá-las com os eixos coordenados e eixos principais de inércia.

Preso exatamente acima da mesa de mancal a ar, no teto do laboratório *LabSim* do INPE e relativamente alinhado com o suporte vertical da mesa, encontra-se um laser fixado no centro de um alvo com escala graduada em ângulos (Figura 5.1 *a* e *b*). Este feixe do

laser passa pelo centro do alvo e aponta para baixo, na direção da mesa, onde é refletido por um espelho fixado no centro da plataforma sobre sua superfície superior. Desta forma, a luz proveniente do laser é refletida no espelho e incide no alvo, podendo-se assim mensurar o desnivelamento da plataforma, bem como observar o movimento aparente desta tendo-se como base a posição do ponto iluminado pela luz do laser sobre o alvo.

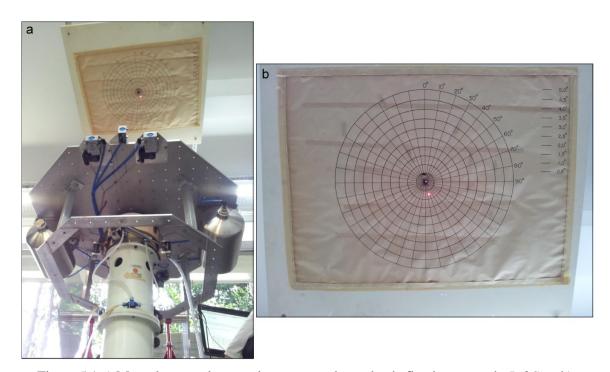


Figura 5.1.a) Mesa de mancal a ar e alvo com escala graduada fixada no teto do *LabSim*. b) Alvo com escala graduada com laser no centro e ponto luminoso refletido da mesa.

Como o laser não se encontra alinhado exatamente com o eixo z da plataforma, foi preciso utilizar um nível de precisão para posicionar a mesa o mais próximo possível da horizontal em relação aos eixos x e y, e, em seguida, marcar com uma caneta o ponto em que se encontrava a reflexão da luz do laser sobre o alvo com escala graduada. Este ponto é a referência para o balanceamento da mesa, sendo que quando o CG estiver acima do centróide da meia esfera do mancal, este deve ser o ponto de equilíbrio instável. De forma inversa, caso CG estiver a baixo do centróide da meia esfera, este deve ser o ponto de equilíbrio estável.

Ligando-se o ar comprimido do mancal para liberar a plataforma aerostática, primeiramente buscou-se trazer o centro de massa para baixo do centro geométrico do

mancal e alinhá-lo com a linha vertical que passa pelo centróide da meia esfera do mancal a fim de que a plataforma aerostática passasse a se comportar como um pêndulo simples em relação aos eixos x e y, mantendo-se o ponto de referência marcado no alvo como ponto de equilíbrio estável (primeira etapa). Feito isso, seria então necessário retirar massa simetricamente aos quatro locais de fixação das massas de balanceamento para elevar o CG até este coincidir com o centróide de meia esfera do mancal aerostático (segunda etapa). Completado esta etapa, a mesa não deveria apresentar movimento relativo aparente.

Na primeira etapa adicionou-se massas de balanceamento relativamente grandes para trazer o CG da mesa para baixo do centróide do mancal, de tal forma a levar o ponto sobre o alvo formado pela luz do laser o mais próximo possível do ponto de referência. Feito isto, dada uma pequena perturbação no sistema, este deve oscilar em torno do ponto de referência, tal como o comportamento de um pêndulo simples.

Na segunda etapa retirou-se gradativamente e simetricamente pequenas massas (arruelas) dos quatro locais de fixação das massas de balanceamento a fim de elevar o CG até este coincidir com o centróide de meia esfera do mancal aerostático. Neste processo, quanto mais massas eram removidas e mais se aproximava o CG ao centro do mancal, dada uma pequena perturbação no sistema, maior era também a amplitude de oscilação da mesa, visualizado pela luz do laser em relação ao ponto de referência.

Teoricamente, alcançando-se o objetivo de coincidir o CG com o centro do mancal, a mesa não deveria mais apresentar oscilação e nem movimento aparente de pêndulo simples ou invertido, e, neste caso, dada uma pequena perturbação, a plataforma deveria manter o movimento imposto por esta perturbação. Contudo, possuindo-se agora torque de desbalanceamento extremamente baixo, os torques de atrito da mesa com o ar atmosférico e torque de atrito residual no mancal a ar ganham amplitude significativa em relação ao primeiro.

Como citado no capítulo 3, não há como reduzir estes torques, entretanto, há como mensurá-los. Para baixas velocidades, torques de atrito da mesa com o ar atmosférico podem ser considerados lineares, cuja constante de proporcionalidade deve ser obtida experimentalmente em trabalhos futuros, permitindo calcular a velocidade máxima a ser

empregada nos experimentos. O torque de atrito residual é extremamente difícil de ser mensurado ou mesmo modelado, além de poder depender da orientação da mesa em relação ao mancal. Este possui um caráter aparentemente errático em virtude de turbilhonamentos que ocorrem quando o ar pressurizado flui pelo mancal.

Entretanto, como estes torques possuem amplitudes relativamente baixas, pode-se conviver com eles na execução de experimento durante os procedimentos de implementação e desenvolvimento da mesa. Contudo, é desejável que estes torques sejam mensurados em trabalhos futuros a fim de estes serem levados em contas na análise de resultados.

Devido aos movimento permitidos pela mesa, pode-se afirmar que o balanceamento nas direções do plano da mesa (x e y) pode ser realizado facilmente, mas é bastante difícil distinguir se o centro de massa encontra-se acima ou abaixo do centróide da esfera (eixo z). Para evidenciar este desalinhamento a mesa foi posta a girar manualmente sobre seu eixo z, mas de forma a que este eixo ficasse com um certo ângulo com relação à vertical. Sob tal condição, caso haja algum desbalanceamento residual neste eixo, a mesa deve apresentar um movimento de precessão similar ao de um pião inclinado. Se o balanceamento for perfeito não se observa tal movimento. O movimento de precessão pode ser facilmente observado por meio do laser e do alvo. Além disso, o sentido de precessão, se horário ou anti-horário, fornece a indicação se o centro de massa encontrase acima ou abaixo do centro da esfera. Pode-se ainda estimar o afastamento entre os centros por meio da expressão:

$$z_{cm} = \frac{I_z}{m g} \omega \omega_p,$$

onde z_{cm} é a posição do centro de massa no eixo z relativo ao centro da esfera, I_z é o momento de inércia da plataforma em relação ao eixo z, m é a sua massa, g é a aceleração da gravidade e ω e ω_p são as velocidades angulares da mesa e de precessão, respectivamente, e podem ser medidos por instrumentos ou mesmo visualmente. Com base no cálculo de z_{cm} e com o conhecimento das massas de balanceamento fino, podese reduzir ainda mais o desbalanceamento residual. Esta estratégia garantiu um balanceamento quase perfeito na plataforma, uma vez que o movimento de precessão

não foi mais observado, ou, em outras palavras, que o período de precessão foi muito longo para ser sentido.

6 COMUNICAÇÃO SERIAL

Neste capítulo apresentam-se configurações e procedimentos realizados para a recepção e transmissão de dados por meio da interface serial do PC104.

6.1. Comunicação serial

A proposta deste trabalho seria realizar a comunicação serial entre um kit contendo um microcontrolador dsPIC e o sensor AHRS. Entretanto, o PC104 apresentou maior facilidade de operação, melhor desempenho e maiores possibilidades de interface com sensores e atuadores, sendo então escolhido como eletrônica de controle da plataforma. O PC104 possui duas interfaces UART (*Universal Asynchronous Receiver/Transmitter*) que podem ser configuradas para trabalhar utilizando os protocolos de comunicação RS232, RS422 e RS485. O driver de comunicação com o sensor inercial foi desenvolvido em linguagem C, baseado no protocolo RS232 e utilizando sistema operacional Linux. A Tabela 6.1, retirada do manual do sensor, mostra a forma em que as informações do sensor são enviadas para a porta serial, e a Tabela 6.2 mostra os parâmetros de configuração da porta serial.

Tabela 6.1 – Informações contidas em cada byte enviado (Innalabs, 2009).

			,				,				
Byte number	0 – 1	2 – 3	4 – 5	6 – 11	12 – 17	18 – 23	24 – 27	28 – 29	30 – 31	32 – 33	34 – 35
Parameter	Heading	Pitch	Roll	GyroX, GyroY, GyroZ	AccX, AccY, AccZ	MagX, MagY, MagZ	Reser -ved	USW	Vdd	Utermo	Check sum
Length	2 byte word	2 byte sword	, ,	2 byte sword	3× 2 byte sword	3× 2 byte sword		2 byte word	2 byte word	2 byte sword	2 byte
Note	Orientation angles, deg*100			Angular rates, deg/s*100	rations,	l lolus,			Supply voltage, VDC*100	Tempe rature, °C*10	

Tabela 6.2 – Parâmetros de configuração da UART (Innalabs, 2009).

COM-port parameters					
Baud rate	115200				
Data bits	8				
Parity	none				
Stop bits	1				

Ao receber um comando específico, o sensor entra em modo de calibração e, após 60 segundos, começa a enviar os dados de atitude com taxa de 1 a 100 Hz, configurável pelo usuário. Para o sincronismo é necessário configurar a porta serial em modo "Raw". Neste modo, cada comando de leitura irá ler a quantidade de dados especificada pelo comando. Caso não haja a quantidade de bytes no buffer da porta serial, a chamada irá bloquear a continuação do programa, até que a quantidade correta de dados chegue à porta ou até que um erro seja detectado (timeout, por exemplo). O software desenvolvido já faz o ordenamento de todos os 36 bytes da estrutura que o sensor envia para a porta serial. O endereçamento dos bytes na memória segue o padrão Little Endian e, portanto, o byte menos significativo é o primeiro na ordem dos bytes.

Os dados do experimento (ângulos de Euler, velocidades angulares, componentes do campo magnético e acelerações) são gravados em um cartão de memória inserido no PC104 para posterior análise.

Para a comunicação entre o PC104 e qualquer outro computador externo, utilizou-se o protocolo de comunicação SSH (*Secure Shell*). Para isso, uma rede de comunicação é estabelecida através de um adaptador wireless adquirido especificamente para o experimento e o computador em solo. O protocolo SSH faz parte do conjunto de protocolos TCP/IP e é responsável por oferecer uma forma segura para a administração remota de um computador com o sistema operacional Linux. Através desta comunicação, a telemetria do experimento pode ser vista em tempo real em qualquer computador externo.

7 CONTROLE, OTIMIZAÇÃO E SIMULAÇÃO

Neste capítulo realiza-se uma discussão sobre a lei de controle a ser implementada na plataforma em trabalhos futuros, bem como otimização e simulações e desta em ambiente MATLAB.

7.1. Lei de controle

Diversas formas de controle podem ser propostas para controlar a atitude da mesa, como, por exemplo, métodos ótimos para minimização do consumo, minimização do tempo de manobra ou simplesmente um controlador PID. A forma de atuação também pode variar de um simples liga-desliga (bang-bang) ou modulação por PWM, entre outros. Com a intenção de validar um esquema de controle por meio de simulação, decidiu-se implementar o controle bang-bang de posição-e-velocidade sugerido por Headrick (Wertz, 1978), que assume que o sinal para o atuador deve seguir um controle PD:

$$u_i = \operatorname{sgn}(-k_p \, \theta_i + k_p \, \theta_{ri} - k_d \, \omega_i)$$

onde u_i é o sinal discreto (+1, -1 ou 0) do torque a ser gerado no eixo i (x, y ou z), k_p e k_d são os ganhos proporcional e derivativo do controlador, respectivamente, θ_i são os ângulos de Euler da atitude de uma transformação 123 ou xyz, θ_{ri} são os ângulos de referência para a atitude, e ω_i são as componentes do vetor velocidade angular da mesa nos eixos x, y, e z. Este controle consegue, simultaneamente, controlar a atitude e a velocidade angular. Contudo, pode apresentar problemas de convergência quando o ângulo θ_i passar por transições entre $-\pi$ e π ou entre 0 e 2π , pois u_i muda repentinamente sem necessariamente se anular. Para evitar este inconveniente, efetua-se primeiramente um controle para reduzir a velocidade angular sempre que ela for superior a um dado patamar. A lei de controle fica então:

$$u_{i} = \begin{cases} \operatorname{sgn}(-k_{d} \, \omega_{i}), & \operatorname{se} \, \omega_{i} > \omega_{\lim} \\ \operatorname{sgn}(-k_{p} \, \theta_{i} + k_{p} \, \theta_{ri} - k_{d} \, \omega_{i}), & \operatorname{se} \, \omega_{i} \leq \omega_{\lim} \end{cases}$$

na qual ω_{lim} é uma velocidade angular previamente especificada. Para garantir que o controle de posição possa ser atingido em menos do que meia volta da mesa, a velocidade angular de transição do controle será dada por:

$$\omega_{lim} = \sqrt{\frac{2\pi T_q}{I_{max}}}$$

onde T_q é o torque gerado pelos atuadores de jatos de ar comprimido, I_{max} é o maior momento de inércia da mesa, e α é um coeficiente menor do que a unidade, de forma a garantir que ω_{lim} seja menor do que o mínimo permitido (adotou-se $\alpha=0.8$). Nota-se que, em virtude da simetria no posicionamento dos atuadores, os torque gerados pelas 8 válvulas pneumáticas são iguais. Admitiu-se que este torque vale 0,0445 Nm para uma abertura de 0,8 mm na saída das válvulas. Para evitar que as válvulas fiquem comutando rapidamente quando a atitude final for atingida, estabeleceu-se uma zona morta (*dead band*) ao redor da referência de atitude, na forma:

$$u_{i} = \begin{cases} z_{i} \operatorname{sgn}(-k_{d} \omega_{i}), \operatorname{se} \omega_{i} > \omega_{\lim} \\ z_{i} \operatorname{sgn}(-k_{p} \theta_{i} + k_{p} \theta_{ri} - k_{d} \omega_{i}), \operatorname{se} \omega_{i} > \omega_{\lim} \end{cases}$$

onde z_i é obtido de:

$$z_{i} = \begin{cases} 1, \text{ se } |\theta_{i}| > k_{db} \\ 0, \text{ caso contrário} \end{cases}$$

A dinâmica da mesa foi simulada por meio de integração numérica das equações de Euler para o movimento rotacional de corpos rígidos, usando, para isso, o pacote PROPAT (Carrara, 2010). Na forma matricial, a equação da dinâmica da atitude é dada por:

$$\dot{\boldsymbol{\omega}}^b = \mathbf{I}^{-1}(\mathbf{T}_q - \boldsymbol{\omega}^* \mathbf{I} \, \boldsymbol{\omega})$$

sendo **I** a matriz de inércia da mesa, $\mathbf{T}_q = T_q (u_1 \ u_2 \ u_3)^T$ o vetor de torques de controle (supõe-se que os torques perturbadores possam ser desprezados), $\dot{\boldsymbol{\omega}}^b$ representa a aceleração angular avaliada no sistema de coordenadas fixado na mesa, e $\boldsymbol{\omega}^\times$ é a matriz anti-simétrica do produto vetorial da velocidade angular $\boldsymbol{\omega}$, definida por:

$$\mathbf{\omega}^{\times} = \begin{pmatrix} 0 & -\omega_3 & \omega_2 \\ \omega_3 & 0 & -\omega_1 \\ -\omega_2 & \omega_1 & 0 \end{pmatrix}$$

A atitude foi integrada numericamente usando o integrador ODE45 que compõe a biblioteca de integradores do MATLAB, com erro relativo e erro absoluto ajustados para 10⁻⁸. A atitude foi integrada em quatérnios, cuja equação diferencial é:

$$\dot{\mathbf{Q}} = \frac{1}{2} \mathbf{\Omega} \mathbf{Q}$$

onde $\mathbf{Q} = (\mathbf{\varepsilon} \, \eta)^T$ é o quatérnio de atitude ($\mathbf{\varepsilon}$ é a parte vetorial e η é a parte escalar), e $\mathbf{\Omega}$ é a matriz anti-simétrica definida por:

$$\mathbf{\Omega} = \begin{pmatrix} -\mathbf{\omega}^{\times} & \mathbf{\omega} \\ -\mathbf{\omega}^{T} & 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 & \omega_{3} & -\omega_{2} & \omega_{1} \\ -\omega_{3} & 0 & \omega_{1} & \omega_{2} \\ \omega_{2} & -\omega_{1} & 0 & \omega_{3} \\ -\omega_{1} & -\omega_{2} & -\omega_{3} & 0 \end{pmatrix}.$$

A conversão de quatérnios para ângulos de Euler de uma rotação 1-2-3 é realizada inicialmente convertendo quatérnios na matriz de rotação da atitude por meio de:

$$\mathbf{C} = \begin{pmatrix} \eta^2 + \varepsilon_1^2 - \varepsilon_2^2 - \varepsilon_3^2 & 2(\varepsilon_1 \varepsilon_2 + \eta \varepsilon_3) & 2(\varepsilon_1 \varepsilon_3 - \eta \varepsilon_2) \\ 2(\varepsilon_1 \varepsilon_2 - \eta \varepsilon_3) & \eta^2 - \varepsilon_1^2 + \varepsilon_2^2 - \varepsilon_3^2 & 2(\varepsilon_2 \varepsilon_3 + \eta \varepsilon_1) \\ 2(\varepsilon_1 \varepsilon_3 + \eta \varepsilon_2) & 2(\varepsilon_2 \varepsilon_3 - \eta \varepsilon_1) & \eta^2 - \varepsilon_1^2 - \varepsilon_2^2 + \varepsilon_3^2 \end{pmatrix},$$

e, a seguir, calculam-se os ângulos de Euler com as relações:

$$\theta_1 = \arctan\left(\frac{-c_{32}}{c_{33}}\right), \quad \theta_2 = \arcsin(c_{31}), \quad \theta_3 = \arctan\left(\frac{-c_{21}}{c_{11}}\right),$$

nas quais c_{ij} representa o elemento da linha i e coluna j da matriz de atitude.

A matriz de inércia da mesa foi calculada no MATLAB, usando para isso tanto medições diretas da massa dos diversos equipamentos integrantes da mesa quanto cálculos teóricos baseados na geometria destes equipamentos. O MATLAB permitiu também que fossem calculadas massas para balanceamento estático e dinâmico da mesa. Chegou-se, com isso, à matriz de inércia dada por:

$$\mathbf{I} = \begin{pmatrix} I_1 & 0 & 0 \\ 0 & I_2 & 0 \\ 0 & 0 & I_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2,21 & 0 & 0 \\ 0 & 1,91 & 0 \\ 0 & 0 & 2,17 \end{pmatrix} \text{kg m}^2$$

de onde se conclui que $I_{max} = 2,21 \text{ kg m}^2$.

Para estimar a atitude da mesa será empregado o sensor AHRS descrito anteriormente. Para simular o efeito das medidas do sensor de atitude, introduziu-se um ruído gaussiano nos ângulos de Euler compatível com aquele apresentado pelo sensor. Admitiu-se que este ruído possua média nula e desvio padrão de 1° nas medidas angulares e de 10⁻³ rad/s na velocidade angular. Este ruído pode provocar a comutação aleatória do atuador quando este estiver próximo da referência, e, em virtude disso, adotou-se um valor para a zona morta de 2°, superior, portanto, ao desvio padrão do sensor.

A atitude inicial para a simulação foi escolhida arbitrariamente como sendo dada por θ_1 = -60° , θ_2 = -30° e θ_3 = 40° , e, para a velocidade angular os valores ω_1 = 2 rad/s, ω_2 = -1 rad/s e ω_3 = 5 rad/s. A atitude foi propagada por 200 segundos, com passo de 1/10 s. O principal objetivo da simulação foi obter um conjunto de ganhos para o controlador que minimizasse o consumo de ar comprimido numa manobra de aquisição e estabilização da atitude. Uma vez que o consumo de ar é proporcional ao tempo no qual

os atuadores ficam ligados, considera-se que a condição de otimização consiste, portanto, em minimizar a função:

$$c = \sqrt{\sum_{t} \left[\mathbf{u}(t) \Delta t \right]^2} ,$$

onde $\mathbf{u}(t) = (u_1 \ u_2 \ u_3)^T$ e Δt é o intervalo de discretização do controle. Nota-se que a integral do consumo foi substituída por uma somatória, já que o acionamento dos atuadores é discreto e o tempo de discretização é constante.

7.2. Simulação e otimização do controle

Considerando-se nulo o ruído gaussiano do sensor, ajustou-se inicialmente os ganhos proporcional e derivativo de forma empírica, com $k_p = 0.1$ e $k_d = 0.8$, e intervalo de discretização do controle em 0,1s, ou seja, a freqüência máxima de acionamento das válvulas é de 10 Hz. Para estes valores, foram obtidos os resultados apresentados nos gráficos das Figuras 7.1 e 7.2, nas condições iniciais descritas na seção anterior. As cores vermelho, verde e azul nos gráficos representam, respectivamente, os eixos x, y e z. Calculou-se que o ar pressurizado contido nos tanques é suficiente para gerar uma quantidade de movimento angular de aproximadamente 0,165 Nms. A Figura 7.1 apresenta a evolução dos ângulos de Euler, as velocidades angulares e o torque aplicado pelas válvulas. Percebe-se claramente que a estratégia de controle consegue corrigir a atitude e a velocidade angular em cerca de 60 segundos. A Figura 7.2 mostra o espaço de fase em cada um dos eixos. A inclinação da reta de aproximação final da atitude, em direção à referência (origem dos eixos) é dada pela relação k_p / k_d = 0,125.

Realizou-se, a seguir, ajustes nos ganhos k_p e k_d do controlador com finalidade de se obter um menor consumo de ar durante a operação da mesa. Com isso chegou-se a valores de $k_p = 0.14$ e $k_d = 0.805$, reduzindo o consumo de ar para 0,1556 Nms nas mesmas condições iniciais e intervalo de discretização do tempo. Os resultados desta simulação são apresentados nas Figuras 7.3 e 7.4. Os ângulos de Euler, a velocidade angular e o torque aplicado são apresentados na Figuras 7.3, enquanto que o plano de fase é mostrado na Figuras 7.4.

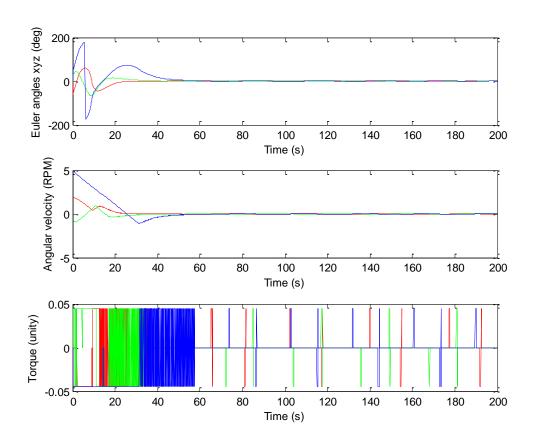


Figura 7.1 – Ângulos de Euler, velocidade angular e torque das válvulas em função do tempo.

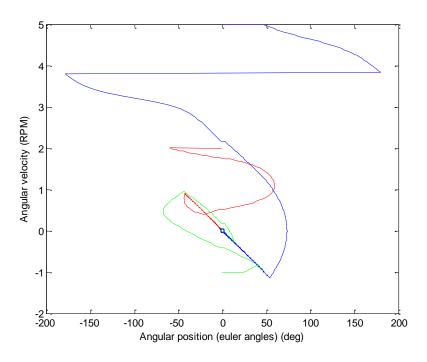


Figura 7.2 – Espaço de fase.

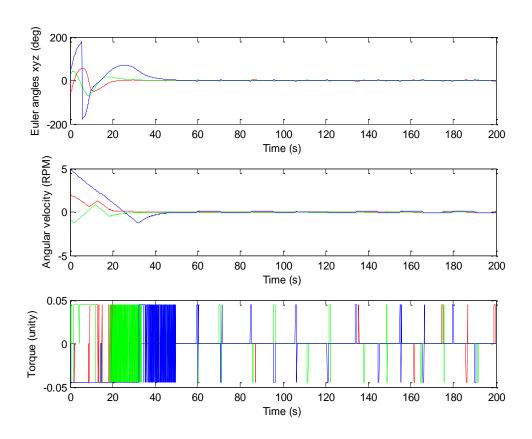


Figura 7.3 – Ângulos de Euler, velocidade angular e torque das válvulas em função do tempo com consumo mínimo.

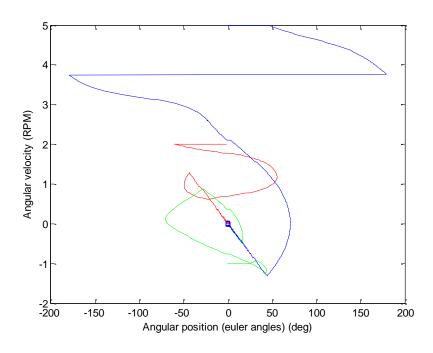


Figura 7.4 – Plano de fase com ganhos que geram consumo mínimo.

Uma comparação entre os torques fornecidos pelas válvulas nas duas situações apresentadas nas Figuras 7.1 e 7.3 mostra que eles estão diretamente ligados ao consumo de ar dos reservatórios. Observa-se na Figura 7.3 uma menor necessidade de acionamento das válvulas (menos torque, e conseqüentemente menor consumo de ar) para a execução da mesma manobra de controle.

Efetuou-se em seguida uma simulação alterando-se o intervalo de discretização do controlador, que passou de 10 Hz para 1 Hz (tempo mínimo de acionamento das válvulas de 1 segundo). O consumo de ar nesta simulação foi de aproximadamente 0,7772 Nms, bastante superior ao consumo apresentado quando as válvulas operavam em frequência de 10 Hz. Os resultados são apresentados nas Figuras 7.5 e 7.6, que mostram a evolução da manobra em função do tempo e o plano de fase nos 3 eixos. Embora a atitude de referência tenha sido atingida, a eficiência do controle é seriamente afetada pelo alto valor do menor impulso que os jatos conseguem gerar.

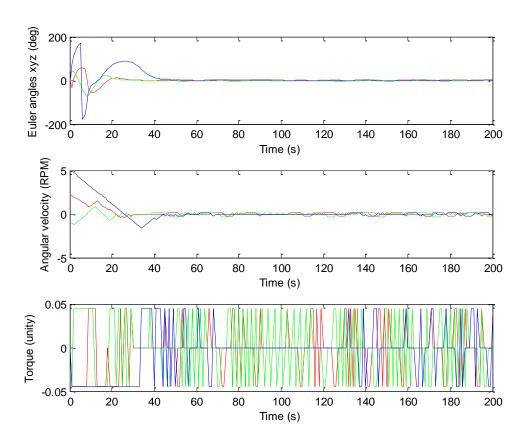


Figura 7.5 – Ângulos de Euler, velocidade angular e torque das válvulas em função do tempo para os três eixos com acionamento em frequência de 1 Hz.

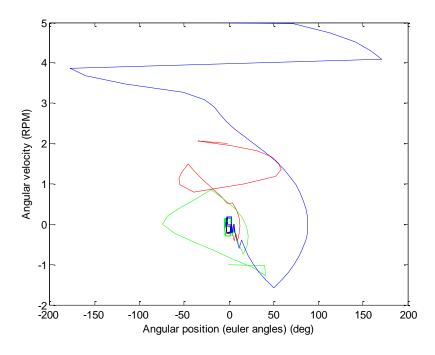


Figura 7.6 – Plano de fase para acionamento em frequência de 1 Hz.

8 CONCLUSÃO

Conclui-se que provavelmente será possível e viável simular em ambiente laboratorial de baixo atrito o controle de atitude de satélites artificiais em órbita por meio de jatos de ar comprimido, empregando ferramentas já disponíveis no INPE, bem como para experimentações de novas técnicas de controle e uso acadêmico diverso.

Alcançou-se balanceamento estático considerado aceitável para a simulação de controle de atitude em ambiente laboratorial. Os torques de atrito e de desbalanceamento são passíveis de serem contornados nas simulações, bastando incluí-los nos modelos dinâmicos a serem gerados em trabalhos futuros.

Também é de interesse citar que os torques fornecidos pela saída dos jatos de ar das válvulas pneumáticas direcionais sem restrição nos orifícios de saída são maiores que aqueles empregados nos atuadores dos sistemas ACS de satélites de até 500 kg, sendo necessário apenas ajustar o diâmetro dos orifícios de saída de ar das válvulas para se ter um atuador compatível, em níveis de torques, com aqueles embarcados em satélites.

É possível otimizar o gasto de ar comprimido (o qual simula o combustível de uma missão real) realizando-se ajustes dos ganhos proporcional e derivativo do controlador, a fim de se obter menor consumo de ar para controlar a atitude da plataforma. Esse consumo também é bastante influenciado pela frequência de acionamento das válvulas, na qual quanto maior a frequência, menor o consumo de ar. Entretanto, esta frequência é limitado pela velocidade máxima de comutação das válvulas à pressão de 2 bar (indisponível no catálogo da Festo). Sendo assim, considerou-se razoável utilizar a frequência trabalho como sendo de 10 Hz.

Por fim, cabe ressaltar que este projeto ainda está em desenvolvimento e encontrando-se incompleto atualmente. Os próximos passos consistem em: realizar o balanceamento dinâmico da plataforma a fim de que esta não demonstre estabilidade ou instabilidade dinâmica aparente na ausência de controle, e implementar a lei de controle no computador embarcado para tornar a plataforma totalmente autônoma no controle de sua atitude.

REFERÊNCIAS BIBLIOGRÁFICAS

ARANTES JR, G. Estudo comparativo de técnicas de controle de atitude em três eixos para satélites artificiais. 2005. 201 p. (INPE-12970-TDI/1018). Dissertação (Mestrado em Engenharia e Tecnologia Espacial / Mecânica Espacial e Controle) - Instituto Nacional de Pesquisas Espaciais (INPE), São José dos Campos, 2005.

BIGATON, C. **Apostila de Automação Pneumática**. Piracicaba: Centro Paula Souza. ETE Cel. Fernando Febeliano da Costa. Sem ano. 58p. 2° Ciclo de Técnico em Mecânica.

Disponível

em http://www.etepiracicaba.org.br/apostilas/mecanica/mecanica_2ciclo/automacao.pdf>. Acesso em: 28 jan. 2010.

CAMPESATO, W. L.; CARRARA, V. Controle de uma plataforma aerostática com jatos de ar. Relatório de Iniciação Científica. São José dos Campos: INPE, jul. 2011.

Disponível em http://mtc-m19.sid.inpe.br/col/sid.inpe.br/mtc-m19/2011/10.07.14.23.54/doc/Wilian%20Campesato.pdf. Acesso em 17 jul. 2012.

CARDIERI, L.V. C.; VAROTTO, S. E. C. Projeto de um simulador dinâmico com mancal esférico aerostático para testes de sistemas de controle de atitude de satélites artificiais. São José dos Campos: INPE, ago. 1987, 5p. (INPE-4284-RE/1155).

CARRARA, V. **PROPAT - Satellite Attitude and Orbit Toolbox for Matlab**. Disponível em <<u>http://www2.dem.inpe.br/val/projetos/propat/</u>>. Acesso em 26 mai. 2011.

Festo Automação Ltda. **Válvulas Direcionais Série Tigre**. Brasil, 2002. Catálogo. Código 14662120. Disponível em http://www.festo.com/cat/pt-br/data/doc_ptbr/PDF/PT/TIGERCLASSIC_PT.PDF>. Acesso em: 31 mai. 2011.

FONSECA, I.M.; SOUZA, P.N. Movimento rotacional de um corpo rígido dotado de um amortecedor de nutação anular viscoso - modelagem, simulação digital e validação experimental em um simulador dinâmico com mancal aerostático. In:

DINAME, 3., ago.198; Congresso Brasileiro de Ciências Mecânicas, 10., dez. 1.989. Rio de Janeiro. **Anais**... p. 597-600.

FONSECA, I.M.; SOUZA, P.N. Partially filled viscous ring nutation damper dynamics analysis and experimental approach for modeling validation. International Symposium on Space Technology and Science, 17., 1990, Tokyo, Japan.

FS – Automação & Controle. **PFM-5351-B10 (PCM-5335). Geode GX1-300 PC/104 CPU Module wich Ethernet, LCD & SSD**. Disponível em http://www.fsauto.com.br/pcm-5335.htm. Acesso em: 02 fev. 2010.

HUGHES, P.C. **Spacecraft attitude dynamics**. New York: John Wiley & Sons, 1986. 564 p.

Innalabs. Attitude and Heading Reference System - INNALABS® AHRS M2, M3 - User's Manual. Revision 2.6. Dulles, USA. 2009.

LabTools. **Guia do Usuário Placa de Desenvolvimento Explorer 16 BR**. Santo André. 2008. Manual. Disponível em http://www.labtools.com.br/arquivos/manual%20Explorer%2016%20BR.fev_rev.01.
pdf>. Acesso em: 02 fev. 2010.

Microchip Technology Inc. **Explorer 16 Development Board User's Guide**. U.S.A. 2005. Manual. Disponível em http://ww1.microchip.com/downloads/en/DeviceDoc/Explorer%2016%20User%20Guide%2051589a.pdf Acesso em: 02 fev. 2010.

Microgenios Soluções Eletrônicas Ltda. **Manual de instrução kit de desenvolvimento com microcontrolador dsPICgenios modulo proofissional**. São Paulo. Sem ano. Manual. Versão 3.0. Disponível em http://www.microgenios.com/detalhes.asp?id=137&produto=671>. Acesso em: 02 fev. 2010.

The Engineering ToolBox. **Molecular Mass of Air**. 2005. Disponível em http://www.engineeringtoolbox.com/molecular-mass-air-d_679.html>. Acesso em: 29 jan. 2010.

WERTZ, J. R. **Spacecraft attitude determination and control**. London, England: D. Reideil Publishing Company, 1978. 861 p.

APÊNCICE A – MOMENTOS DE INÉRCIA DOS COMPONENTES DA MESA

Considera-se que somente os momentos de inércia dos componentes de grande massa ou aqueles próximos ao centro da plataforma são relevantes no processo de balanceamento. Para todos os outros o momento será calculado como uma massa concentrada no centro de massa do equipamento. Admite-se nos cálculos que a distribuição de massa é uniforme no volume do equipamento, e que os eixos coordenados são paralelos ao sistema de eixos fixado à plataforma. Isto permitirá a direta aplicação do teorema dos eixos paralelos. Os momentos de inércia serão calculados, portanto, para o tampo da mesa, para o mancal esférico, bateria, reservatórios de ar comprimido, suporte das massas de balanceamento e colunas para fixação do suporte.

A.1 Momento de inércia da mesa:

Sendo m a massa da mesa (14,58 kg), o momento de inércia será obtido por integração no sistema de coordenadas fixado ao centro da mesa, e todos os furos serão desconsiderados na integração. A figura A.1 mostra as dimensões da mesa, onde b = 200 mm e a = 425 mm. O momento de inércia em relação ao eixo z fica:

$$J_z = \int_V (x^2 + y^2) \, dV \,.$$

Esta integral será separada inicialmente em quatro partes iguais correspondentes aos quadrantes. Cada parte será separada em duas integrais, sendo uma delas um retângulo e a outra um trapézio. Tem-se assim que:

$$J_z = \int_y \int_x (x^2 + y^2) \frac{m}{A} dx dy,$$

onde A é a área da mesa, dada por $A = 2a^2 + 4ab - 2b^2 = 621250$ mm². A integral fica então:

$$J_z = 4 \frac{m}{A} \left[\int_0^b \int_0^a (x^2 + y^2) \, dx \, dy + \int_b^a \int_0^{a+b-y} (x^2 + y^2) \, dx \, dy \right],$$

ou seja

$$J_z = 4 \frac{m}{A} \left[\int_0^b \left(x^3 / 3 + y^2 x \right)_0^a dy + \int_b^a \left(x^3 / 3 + y^2 x \right)_0^{a+b-y} dy \right]$$

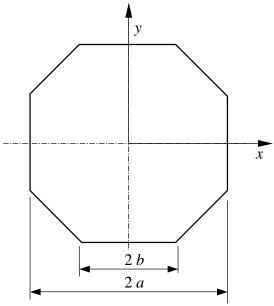


Figura A.1 – Dimensões da mesa.

$$J_z = 4\frac{m}{A} \left\{ \int_0^b \left(a^3 / 3 + y^2 a \right) dy + \int_b^a \left[(a+b-y)^3 / 3 + y^2 (a+b-y) \right] dy \right\}$$

$$J_z = 4\frac{m}{A} \left\{ \left(\frac{a^3 y + y^3 a}{3} \right)_0^b + \left[-\frac{(a+b-y)^4}{12} \right]_b^a + \int_b^a \left[(a+b)y^2 - y^3 \right] dy \right\}$$

$$J_z = 4\frac{m}{A} \left\{ \frac{a^3b + ab^3}{3} + \left[-\frac{(a+b-a)^4}{12} + \frac{(a+b-b)^4}{12} \right]_b^a + \left[\frac{(a+b)y^3}{3} - \frac{y^4}{4} \right]_b^a \right\}$$

$$J_z = 4\frac{m}{A} \left\{ \frac{a^3b + ab^3}{3} + \frac{a^4 - b^4}{12} + \left[\frac{(a+b)a^3}{3} - \frac{a^4}{4} - \frac{(a+b)b^3}{3} + \frac{b^4}{4} \right] \right\}$$

$$J_z = 4\frac{m}{A} \left(\frac{a^4 - b^4 + 4a^3b + 4ab^3}{12} + \frac{a^4 + a^3b}{3} - \frac{a^4}{4} - \frac{ab^3 + b^4}{3} + \frac{b^4}{4} \right)$$

$$J_z = 4\frac{m}{A} \left(\frac{a^4 - b^4 + 4a^3b + 4ab^3 + 4a^4 + 4a^3b - 3a^4 - 4ab^3 - 4b^4 + 3b^4}{12} \right)$$

$$J_z = \frac{m}{3A} \left(a^4 - b^4 + 4a^3b + 4ab^3 + 4a^4 + 4a^3b - 3a^4 - 4ab^3 - 4b^4 + 3b^4 \right)$$

$$J_z = 2\frac{m}{3A} \left(a^4 + 4a^3b - b^4 \right),$$

que resulta $J_z = 1,446$ kg m². Os momentos de inércia ao redor dos eixos x e y são iguais, em virtude da simetria da mesa. Admitindo que a espessura é pequena em relação às dimensões da mesa, os momentos serão calculados por:

$$J_{y} = \int_{x} x^{2} l \frac{m}{A} dx,$$

onde l é a largura da mesa na direção y. Separando novamente a integral e lembrando que há simetria em relação à origem, tem-se:

$$J_{y} = 2\frac{m}{A} \left[\int_{0}^{b} x^{2} a \, dx + \int_{b}^{a} x^{2} (a+b-x) \, dx \right],$$

que resulta:

$$J_{y} = 2\frac{m}{A} \left[\left(\frac{x^{3} a}{3} \right)_{0}^{b} + \int_{b}^{a} \left[x^{2} (a+b) - x^{3} \right] dx \right],$$

$$J_{y} = 2\frac{m}{A} \left[\frac{ab^{3}}{3} + \left(\frac{(a+b)x^{3}}{3} - \frac{x^{4}}{4} \right)_{b}^{a} \right],$$

$$J_{y} = 2\frac{m}{A} \left[\frac{ab^{3}}{3} + \frac{a^{4} + a^{3}b}{3} - \frac{a^{4}}{4} - \frac{ab^{3} + b^{4}}{3} + \frac{b^{4}}{4} \right],$$

$$J_{y} = \frac{m}{6A} \left[4ab^{3} + 4a^{4} + 4a^{3}b - 3a^{4} - 4ab^{3} - 4b^{4} + 3b^{4} \right],$$

$$J_{y} = \frac{m}{6A} \left[a^{4} + 4a^{3}b - b^{4} \right],$$

e portanto $J_y = J_x = 0.361568$ kg m². Pode-se mostrar que, em virtude da simetria, os produtos de inércia da mesa são todos nulos. A matriz de inércia fica, portanto, igual a:

$$\mathbf{J}_{p} = \begin{pmatrix} 0,3616 & 0 & 0 \\ 0 & 0,3616 & 0 \\ 0 & 0 & 1,446 \end{pmatrix} \text{kg m}^{2}.$$

A.2 Momento de inércia do mancal esférico

Calcula-se inicialmente o volume da calota esférica, vista nas figuras A.2 e A.3, por meio de:

$$V_e = 2\pi \int_{-R}^{h} \int_{0}^{\sqrt{R^2 - z^2}} r \, dr \, dz = 2\pi \int_{-R}^{h} \frac{R^2 - z^2}{2} \, dz$$

$$V_e = \pi \left(R^2 z - \frac{z^3}{3} \right)_{-R}^h = \pi \left(R^2 h - \frac{h^3}{3} + R^3 - \frac{R^3}{3} \right) = \pi \left(\frac{2R^3}{3} + R^2 h - \frac{h^3}{3} \right)$$

$$V_e = \pi \left(\frac{2R^3}{3} + R^2 h - \frac{h^3}{3} \right)$$

O volume dos dois cilindros deve ser adicionado ao volume da calota esférica, que resulta:

$$V = \pi \left(\frac{2R^3}{3} + R^2 h - \frac{h^3}{3} \right) + \pi r_1^2 h_1 + \pi r_2^2 h_2$$

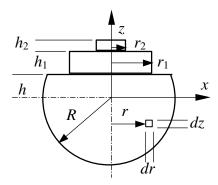


Figura A.2 – Sistema de coordenadas fixado ao mancal esférico.

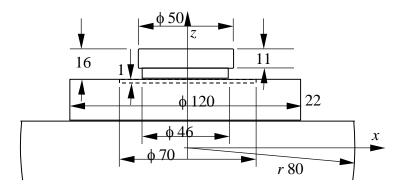


Figura A.3 – Dimensões do mancal esférico.

O momento da calota esférica em relação ao eixo z é calculado por meio de:

$$J_z = \int_V (x^2 + y^2) dm = \int_V (x^2 + y^2) \rho dV = \int_V r^2 \rho dm$$

O elemento de massa considerado será um anel de raio r, espessura dz e largura dr. O volume deste anel é portanto $2\pi r dz dr$. A integral fica então:

$$J_z = 2\pi \rho \int_{-R}^{h} \int_{0}^{\sqrt{R^2 - z^2}} r^3 dr dz$$

$$J_z = 2\pi\rho \int_{-R}^{h} \left(\frac{r^4}{4}\right)_0^{\sqrt{R^2 - z^2}} dz = \frac{\pi\rho}{2} \int_{-R}^{h} (R^2 - z^2)^2 dz$$

$$J_z = \frac{\pi \rho}{2} \int_{-R}^{h} (R^4 - 2R^2 z^2 + z^4) dz = \frac{\pi \rho}{2} \left(R^4 z - \frac{2R^2 z^3}{3} + \frac{z^5}{5} \right)_{-R}^{h}$$

$$J_z = \frac{\pi \rho}{2} \left(R^4 h - \frac{2R^2 h^3}{3} + \frac{h^5}{5} + R^5 - \frac{2R^5}{3} + \frac{R^5}{5} \right) = \frac{\pi \rho}{2} \left(\frac{15 - 10 + 3}{15} R^5 + R^4 h - \frac{2R^2 h^3}{3} + \frac{h^5}{5} \right)$$

$$J_z = \frac{\pi \rho}{2} \left(\frac{8}{15} R^5 + R^4 h - \frac{2R^2 h^3}{3} + \frac{h^5}{5} \right)$$

para h = R tem-se:

$$J_z = \frac{\pi \rho}{2} \left(\frac{8}{15} R^5 + R^5 - \frac{2R^5}{3} + \frac{R^5}{5} \right) = \frac{\pi \rho}{2} \left(\frac{8 + 15 - 10 + 3}{15} R^5 \right) = 8 \frac{\pi \rho}{15} R^5$$

o volume da esfera é $4\pi R^3/3$, e se a m for a massa da esfera a inércia resulta:

$$J_z = 8 \frac{3m}{4\pi R^3} \frac{\pi}{15} R^5 = 2 \frac{m}{5} R^2$$

Para o cálculo dos momentos transversais da calota esférica, inicia-se com o momento transversal de um disco delgado de massa *dm* e raio *r*, que vale:

$$dI_{t} = dm \frac{r^{2}}{4}$$

Se o eixo estiver a uma distância d do centro do disco, pode-se utilizar a relação de mudança de eixo (teorema dos eixos paralelos ou teorema) e assim o momento fica:

$$dJ_{t} = \left(\frac{r^{2}}{4} + d^{2}\right)dm$$

O momento da calota esférica ao redor do eixo *x* pode ser aproximado pela integral do momento de discos delgados ao longo do eixo *z*:

$$J_{x} = \int_{-R}^{h} dJ_{t} = \int_{-R}^{h} \left(\frac{r^{2}}{4} + d^{2}\right) dm$$

Lembrando agora que d=z, $r^2=R^2-z^2$, e que $dm=\pi\rho\,r^2dz$, a integral fica:

$$J_{x} = \int_{-R}^{h} \left(\frac{R^{2} - z^{2}}{4} + z^{2} \right) (R^{2} - z^{2}) \pi \rho \, dz$$

que resulta:

$$J_{x} = \frac{\pi \rho}{4} \int_{-R}^{h} (R^{2} + 3z^{2})(R^{2} - z^{2}) dz$$

$$J_{x} = \frac{\pi \rho}{4} \int_{-R}^{h} (R^{4} + 2R^{2}z^{2} - 3z^{4}) dz$$

$$J_x = \frac{\pi\rho}{4} \left(R^4 z + \frac{2R^2 z^3}{3} - \frac{3z^5}{5} \right)_{-R}^{h}$$

$$J_{x} = \frac{\pi \rho}{60} \left(15R^{4}h + 10R^{2}h^{3} - 9h^{5} + 15R^{5} + 10R^{5} - 9R^{5} \right)$$

$$J_x = \frac{\pi \rho}{60} \left(16R^5 + 15R^4h + 10R^2h^3 - 9h^5 \right)$$

para h = R tem-se:

$$J_x = \frac{\pi \rho}{60} \left(32R^5 \right)$$

o volume da esfera é $4\pi R^3/3$, e se a m for a massa da esfera a inércia resulta:

$$J_x = \pi \frac{3m}{4\pi R^3} \frac{1}{60} 32R^5 = 2\frac{m}{5} R^2$$

Em virtude da simetria com relação aos planos cartesianos, os produtos de inércia são nulos na calota esférica, e também resulta que $J_y = J_x$

Os momentos de inércia dos dois cilindros em relação aos eixos x, y e z valem, juntos:

$$J_z = \frac{m_1}{2} r_1^2 + \frac{m_2}{2} r_2^2 = \frac{\pi \rho}{2} (h_1 r_1^4 + h_2 r_2^4)$$

$$J_{x} = J_{y} = \frac{m_{1}}{12} (3r_{1}^{2} + h_{1}^{2} + 12d_{1}^{2}) + \frac{m_{2}}{12} (3r_{2}^{2} + h_{2}^{2} + 12d_{2}^{2}) =$$

$$= \frac{\pi \rho}{12} r_{1}^{2} h_{1} (3r_{1}^{2} + h_{1}^{2} + 12d_{1}^{2}) + \frac{\pi \rho}{12} r_{2}^{2} h_{2} (3r_{2}^{2} + h_{2}^{2} + 12d_{2}^{2})$$

onde d_1 e d_2 são as distâncias dos centros dos cilindros até o centro da calota esférica.

Os momentos de inércia do mancal esférico podem agora ser obtidos a partir dos momentos da calota esférica e dos cilindros:

$$J_z = \frac{\pi \rho}{2} \left(\frac{8}{15} R^5 + R^4 h - \frac{2R^2 h^3}{3} + \frac{h^5}{5} + h_1 r_1^4 + h_2 r_2^4 \right)$$

$$J_x = J_y = \frac{\pi \rho}{60} \left(16R^5 + 15R^4h + 10R^2h^3 - 9h^5 \right) +$$

$$+ \frac{\pi \rho}{12} \left[r_1^2 h_1 \left(3r_1^2 + h_1^2 + 12d_1^2 \right) + r_2^2 h_2 \left(3r_2^2 + h_2^2 + 12d_2^2 \right) \right]$$

Os valores das grandezas medidas são: m = 13,10 kg, R = 80 mm, h = 14 mm, $h_I = 22$ mm, $r_I = 60$ mm, $d_I = 25$ mm, $h_2 = 16$ mm, $r_2 = 25$ mm, $d_2 = 44$ mm. Com isso pode-se calcular os volumes, que resultam: $V_e = 1,351 \cdot 10^{-3} \cdot m^3$, $V_I = 0,2488 \cdot 10^{-3} \cdot m^3$, $V_2 = 0,0314 \cdot 10^{-3} \cdot m^3$, e $V = V_e + V_I + V_2 = 1,6312 \cdot 10^{-3} \cdot m^3$. A densidade pode agora ser estimada, obtendo-se: $\rho = m / V = 8031 \cdot kg/m^3$. Tem-se assim os resultados: $J_z = 32,810 \cdot 10^{-3} \cdot kg \cdot m^2$, e $J_x = J_y = 29,396 \cdot 10^{-3} \cdot kg \cdot m^2$. A matriz de inércia do mancal esférico em relação ao centro da esfera fica:

$$\mathbf{J}_{me} = \begin{pmatrix} 29,396 & 0 & 0 \\ 0 & 29,396 & 0 \\ 0 & 0 & 32,810 \end{pmatrix} 10^{-3} \text{ kg m}^2.$$

A.3 Momento de inércia da Bateria

A bateria será admitida com o formato de um paralelepípedo com densidade uniforme. Na verdade as faces opostas da bateria não são exatamente paralelas, mas apresentam um pequeno ângulo de cunha. A massa do suporte será considerada como distribuída uniformemente no volume da bateria.

Os momentos de inércia de uma caixa de massa m e lados a, b e c, nas direções x, y e z, respectivamente (Figura A.4), em relação ao centro de massa, são calculados por:

$$J_x = \frac{m}{12} \left(b^2 + c^2 \right)$$

$$J_{y} = \frac{m}{12} \left(a^2 + c^2 \right)$$

$$J_z = \frac{m}{12} \left(a^2 + b^2 \right)$$

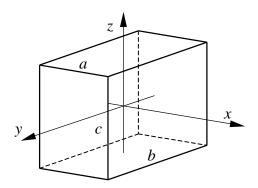


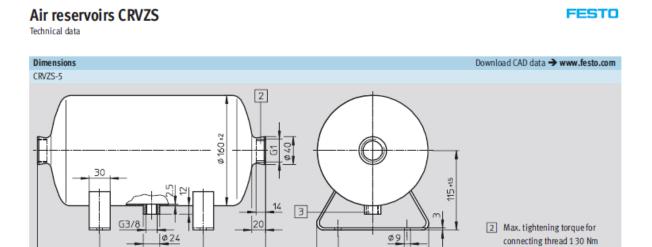
Figura A.4 – Geometria utilizada como modelo da bateria.

Considerando os valores medidos, tem-se: m = 2,27 kg, a = 0,065 m, b = 0,150 m, e c = 0,093 m. Uma vez que o sistema de coordenadas fixado na bateria é paralelo ao sistema fixado à plataforma, tem-se que a matriz de inércia resulta:

$$\mathbf{J}_{bat} = \begin{pmatrix} 5,892 & 0 & 0 \\ 0 & 2,435 & 0 \\ 0 & 0 & 5,056 \end{pmatrix} 10^{-3} \text{ kg m}^2.$$

A.4 Momento de inércia dos Reservatórios

A geometria do reservatório será aproximada por uma casca cilíndrica com duas cascas semi-esféricas nas extremidades. As principais dimensões do reservatório são mostradas na Figura A.5, e a geometria adotada é ilustrada na Figura A.6. O centro de massa é considerado como sendo o centro geométrico do reservatório. Isto é particularmente verdadeiro no caso da massa do ar comprimido que será levada em conta no balanceamento. O sistema de eixos fixado no centro do reservatório é paralelo ao sistema de eixos da plataforma.



100 =1

162 42

3 Max. tightening torque for

condensate drain 27 Nm

• Note: This product conforms with the ISO 1179-1 standard and the ISO 228-1 standard.

Figura A.5 – Principais dimensões do reservatório (Festo, 2009).

A inércia de uma casca esférica de massa m_e e raio R vale:

$$J=\frac{2m_e\,R^2}{3}\,,$$

e os momentos de inércia de uma casca cilíndrica de massa m_c , raio R e comprimento h, em relação a eixos longitudinal e transversal, respectivamente, são:

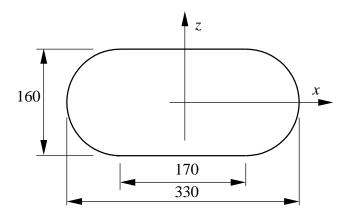


Figura A.6 – Dimensões e geometria utilizadas para cálculo da inércia do reservatório.

$$J_{l} = m_{c} R^{2}, \quad J_{t} = m_{c} \left(\frac{R^{2}}{2} + \frac{h^{2}}{12} \right),$$

e com isso os momentos nos eixos x e z do reservatório ficam:

$$J_x = \frac{2 m_e R^2}{3} + m_c R^2$$
, e

$$J_z = J_y = \frac{2m_e R^2}{3} + \frac{m_e h^2}{4} + m_c \left(\frac{R^2}{2} + \frac{h^2}{12}\right),$$

onde a segunda parcela do segundo termo representa a translação do eixo de rotação da esfera. Novamente, em virtude da simetria, os produtos de inércia são nulos. Admitindo agora que as massas do cilindro e das duas cascas esféricas sejam proporcionais aos seus volumes (igual densidade) então se tem que:

$$m_e = \frac{V_e}{V_e + V_c} m = \frac{2R}{2R + h} m$$

$$m_c = \frac{V_c}{V_e + V_c} m = \frac{h}{2R + h} m$$

Dadas as principais dimensões adotadas para o reservatório, ou seja, m = 3,75 kg (média entre os dois reservatórios), R = 80 mm e h = 170 mm, as massas resultam = 1,818 kg e

 $m_c = 1,932$ kg, e os momentos de inércia ficam $J_x = 20,121 \ 10^{-3}$ kg m², e $J_z = J_y = 31,728 \ 10^{-3}$ kg m². A matriz de inércia do reservatório fica então igual a

$$\mathbf{J}_{res} = \begin{pmatrix} 20,121 & 0 & 0 \\ 0 & 31,728 & 0 \\ 0 & 0 & 31,728 \end{pmatrix} 10^{-3} \text{ kg m}^2.$$

A.5 Momento de inércia do suporte das massas de balanceamento:

As dimensões do suporte são mostradas na figura A.7. Como a geometria do suporte é semelhante à da mesa, pode-se então utilizar as relações já obtidas para o momento de inércia, e faz-se a diferença entre os momentos do octógono externo e o interno, que resultam:

$$\begin{split} J_z &= 2\frac{m_e}{3A_e} \Big(a_e^4 + 4a_e^3b_e - b_e^4\Big) - 2\frac{m_i}{3A_i} \Big(a_i^4 + 4a_i^3b_i - b_i^4\Big) = \\ &= 2\frac{\rho e}{3} \Big(a_e^4 + 4a_e^3b_e - b_e^4 - a_i^4 - 4a_i^3b_i + b_i^4\Big) = \\ &= 2\frac{m}{3A} \Big(a_e^4 + 4a_e^3b_e - b_e^4 - a_i^4 - 4a_i^3b_i + b_i^4\Big) \end{split} ,$$

e

$$J_{x} = J_{y} = \frac{m_{e}}{6A_{e}} \left(a_{e}^{4} + 4a_{e}^{3}b_{e} - b_{e}^{4} \right) - \frac{m_{i}}{6A_{i}} \left(a_{i}^{4} + 4a_{i}^{3}b_{i} - b_{i}^{4} \right) =$$

$$= \frac{m}{6A} \left(a_{e}^{4} + 4a_{e}^{3}b_{e} - b_{e}^{4} - a_{i}^{4} - 4a_{i}^{3}b_{i} + b_{i}^{4} \right)$$

onde a_e e b_e são as dimensões do octógono externo (conforme mostrado na figura A.1), a_i e b_i são as medidas do octógono interno, m é a massa do suporte e A é sua área. Como esta última é composta pela diferença entre as áreas dos octógonos, ou seja, $A = 2(a_e^2 + 2a_eb_e - b_e^2 - a_i^2 - 2a_ib_i + b_i^2)$, substituindo esta relação nos momentos tem-se que:

$$J_z = \frac{m}{3} \left(\frac{a_e^4 + 4a_e^3 b_e - b_e^4 - a_i^4 - 4a_i^3 b_i + b_i^4}{a_e^2 + 2a_e b_e - b_e^2 - a_i^2 - 2a_i b_i + b_i^2} \right)$$

e

$$J_{x} = J_{y} = \frac{m}{12} \left(\frac{a_{e}^{4} + 4a_{e}^{3}b_{e} - b_{e}^{4} - a_{i}^{4} - 4a_{i}^{3}b_{i} + b_{i}^{4}}{a_{e}^{2} + 2a_{e}b_{e} - b_{e}^{2} - a_{i}^{2} - 2a_{i}b_{i} + b_{i}^{2}} \right)$$

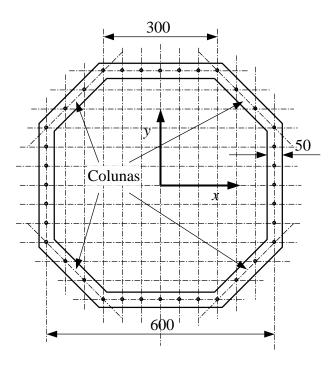


Figura A.7 – Medidas do suporte das massas de balanceamento.

Obtém-se por geometria que:

$$a_e = \frac{600 + 50}{2} = 325$$
 mm,

$$b_e = \frac{300}{2} + \frac{50}{2} \tan 22,5^\circ = 160,36 \text{ mm}$$

e

$$a_i = \frac{600 - 50}{2} = 275 \text{ mm},$$

$$b_i = \frac{300}{2} - \frac{50}{2} \tan 22,5^\circ = 139,64 \text{ mm}$$

Considerando a massa medida do suporte de 1,420 kg, a matriz de inércia resulta

$$\mathbf{J}_b = \begin{pmatrix} 0,03595 & 0 & 0 \\ 0 & 0,03595 & 0 \\ 0 & 0 & 0,1438 \end{pmatrix} \text{kg m}^2.$$

A.6 Momento de inércia das colunas do suporte de balanceamento:

O suporte para as massas de balanceamento é fixado à mesa por meio de 4 colunas cujo desenho é mostrado na figura A.8. Em virtude da pequena massa das colunas, elas serão consideradas como tendo sua massa concentrada no seu centro geométrico. Porém, como as colunas ficam afastadas do centro de rotação, a inércia será dada então por:

$$J_z = \sum_{i=1}^4 m_i (x_i^2 + y_i^2),$$

$$J_x = \sum_{i=1}^4 m_i y_i^2, J_y = \sum_{i=1}^4 m_i x_i^2$$

em relação a um sistema de eixos com origem na coordenada -0,133 m sobre o eixo z. Esta coordenada corresponde ao centro de massa das colunas. Uma vez que $x_i = \pm 0,225$ m, $y_i = \pm 0,225$ m (figura A.6) e $m_i = 0,2681$ kg, tem-se então que a matriz de inércia fica:

$$\mathbf{J}_c = \begin{pmatrix} 0,0543 & 0 & 0 \\ 0 & 0,0543 & 0 \\ 0 & 0 & 0,1086 \end{pmatrix} \text{kg m}^2.$$

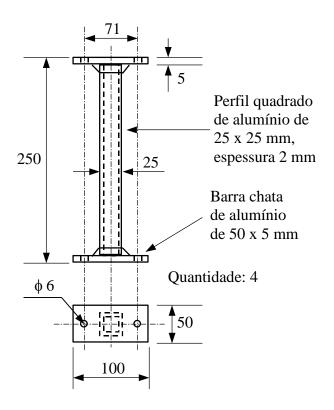


Figura A.8 – Medidas da coluna do suporte de balanceamento.

APÊNCICE B – DESENHOS DOS SUPORTES DE FIXAÇÃO

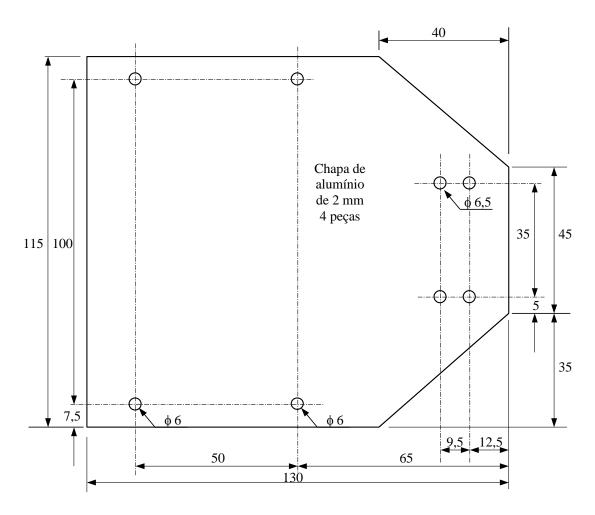


Figura B.1 – Suporte para as válvulas +Z e -Z

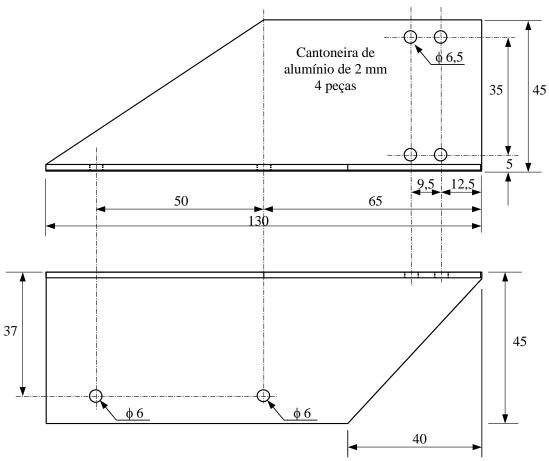


Figura B.2 – Suporte para as válvulas +X, -X, +Y e -Y

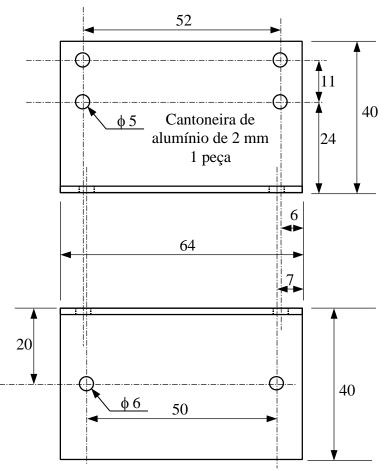


Figura B.3 – Suporte para o regulador de pressão e manômetro de saída

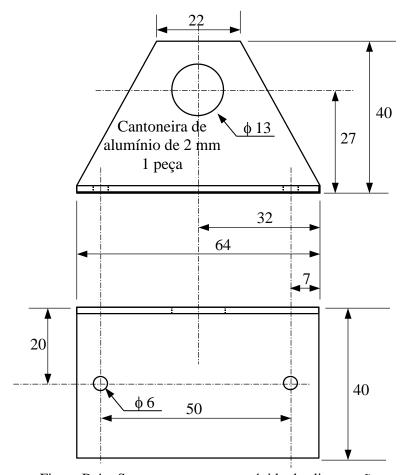


Figura B.4 – Suporte para o engate rápido de alimentação

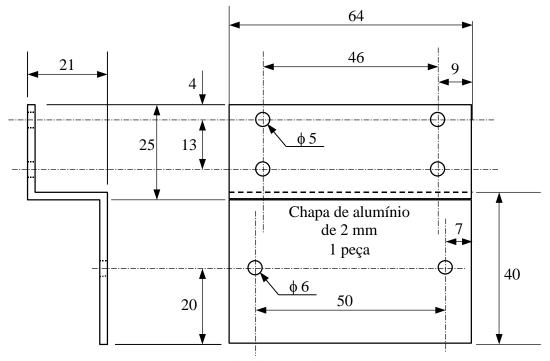


Figura B.5 – Suporte para o distribuidor de 4 vias e manômetro de alimentação

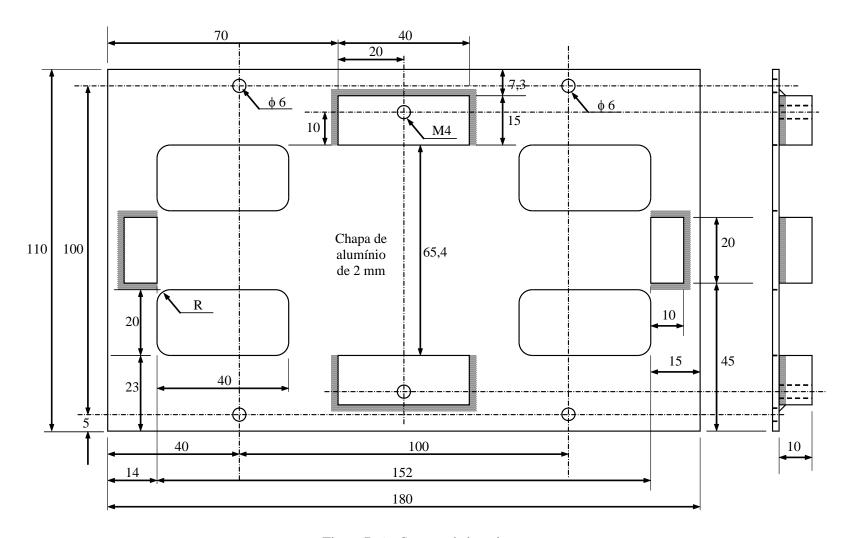
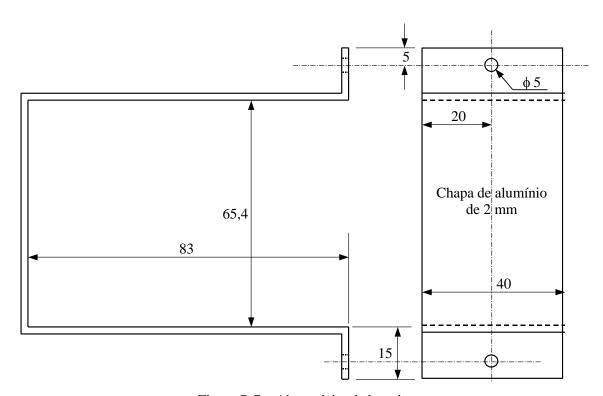


Figura B.6 – Suporte da bateria



 $Figura\ B.7-Abraçadeira\ da\ bateria.$